KunthavaiNaacchiyaar Govt. Arts College for Women (Autonomous), Thajavur-7.

(Affliated to Bharathidasan University, Tiruchirappalli)

DEPARTMENT OF PHYSICS



I B.Sc., Physics

MECHANICS AND RELATIVITY

Code: 18K2P03

Prepared by,

1. Mrs. K. Saritha,

(Unit I and III) Lecturer inPhysics, K. N. G. A. College, Thanjavur.

2. Dr. N. NishaBanu,

(Unit II and III) Lecturer inPhysics, K. N. G. A. College, Thanjavur.

UNIT-I

Projectile and Impact of Elastic Bodies

Projectile-path and range of projectile-Impulse of a force-Laws of impact of a smooth sphere on a smooth fixed horizontal plane-Direct and oblique impact between two smooth spheres- Loss of kinetic energy due to direct and oblique impacts.

Projectile

A projectile is any object thrown by the exertion of a force. It can also be defined as an object launched into the space and allowed to move free under the influence of gravity and air resistance. Although any object in motion through space (for example a thrown baseball, kicked football, fired bullet, thrown arrow, stone released from catapult) may be called projectiles, they are commonly found in warfare and sports. Mathematical equation of motion are used to analyze projectiletrajectories.

Path and Range of the Projectile

The range of the projectile is the displacement in the horizontal direction. There is no acceleration in this direction since gravity only acts vertically. shows the line of range. Like time of flight and maximum height, the range of the projectile is a function of initial speed.



Consider a point P as the position of particle, after time t seconds with x and y as coordinates.

The equation of the path of a projectile or the equation of trajectory is given by

y= xtan
$$\alpha$$
 -g. $\frac{x^2}{2u^2}$ cos2 α

The time of flight (t) of a projectile on a horizontal plane is given by $t=2u \sin \alpha/\alpha$

t=2u sin α/g

The horizontal range (R) of a projectile is given by

R= u2sin2 α/g

When the projectile is projected on a downward inclined plane, then

R=2u2sin (α + β) cos α /gcos2 β

Impulse of a force:

The product of average force_and the time it is exerted is called the impulse From the Newtons law

$$F_{average} = ma_{average} = m\frac{\Delta v}{\Delta t}$$

the impulse of force can be extracted and found to be equal to the change in <u>momentum</u> of an object provided the mass is constant:

Impulse = $F_{average}\Delta t = m\Delta v$

Direct Impact between two smooth sphere

Let a smooth sphere of massm1 moving with a velocity u1 impinge directly on another smooth sphere of mass m2 moving with velocity u2 in the same direction. By the principle of conservation of momentum the total momentum after the impact along the common normal at the point of contact is equal to the total momentum before impact in the same direction

m1v1+m2v2=m1u1+m2u2-----(1)



Equation (3) and (4) gives the velocities of two spheres after impact along the common normal.

Impact of a smooth sphere on a fixed horizontal plane



Let a smooth sphere of mass m and whose coefficient of restitution is e, impinge obliquely on a smooth fixed horizontal plane.By Newtons experimental law,



Oblique Impact between two smooth sphere

In an oblique impact, one or both of the particles' motion is at an angle to the line of impact. Typically, there will be four unknowns: the magnitudes and directions of the final velocities.



The four equations required to solve for the unknowns are:



Conservation of momentum and the coefficient of restitution equation are applied along the line

of impact (x-axis):

mA(vAx)1 + mB(vBx)1 = mA(vAx)2 + mB(vBx)2

e = [(vBx)2 - (vAx)2]/[(vAx)1 - (vBx)1]

Momentum of each particle is conserved in the direction perpendicular to the line of impact (y-axis):

mA(vAy)1 = mA(vAy)2 and mB(vBy)1 = mB(vBy)2

Loss of kinetic energy due to direct impact between two smooth sphere:

The sphere of mass m1 is in the direction 0102 while the impulse of the mass on m2 is also I but is in the direction 0102.

The change in the K. E. of m1 = $\frac{1}{2}$ m1(v1²-u1²)

l= m1 (v1-u1)

Therefore change in K. E. of $m1 = \frac{1}{2} I (v1+u1)$

The change in the K.E. of the sphere m2

 $= m1m2 (1-e^{2}) (u1-u2)2/2(m1+m2)$

Loss of K. E. due to direct impact between the spheres

 $=m1m2(1-e^{2})(u1-u2)2/2(m1+m2)=1/2 I(u1-u2)(1-e^{2})$

Loss of kinetic energy due to oblique impact between two smooth sphere:

Since the velocities of the spheres perpendicular to common normal remain unaltered, due to the oblique impact between two smooth sphere there can be no loss in K. E. perpendicular to the common normal. Loss of K. E. due to oblique impact

 $=m1m2(1-e^{2})(u1 \cos \alpha - u2\cos\beta/2(m1+m2))$

UNIT - 1

எருப்பாருள்கள் :

ஒரு வாரனை ஒரு குறிப்பிட்ட தினைசவைகத்தில் ஒரு ஒரு வாருனை ஒரு குறிப்பிட்ட தினைசவல் சாய்வாக எநிவதாகக் தொள்கவாம். இப்படிப்பட்ட வாகனை எறிவாகுள் என்பர். எறிவாகுளின் மீது எர்ப்பு வகையும், காற்றின் தடையும் செயற்பக்கைறது. இவ்வகையானத் துகள்களின் தியக்கத்தைப் பற்றி ஆராயும் - போது `ஏ'ன் மதிப்பு மாறாமல் திருப்பதாகக் கொள்ளப்பக்கிறது. அதாவது காற்றின் தடை கணக்கில் எருத்து கொள்ளப்பக்கிறது.

21001740000 (Definition)

கும்புள்ளியை எற்தானம் (point of projection) என்பர்.

ஆரம்பத்தில் வாருள் எறியப்புகம் திகையானது எறிதானம் வழயாகச் செல்லும் கிடைத்தளத்துடன் அமைக்கும் கோணம் எறிகொணம் (angle of projection) என்பர்.

எந்தையாகள் தொல்லுக்கைன்ற பாதையை எநிடிள்ளி அழியாக தொல்லுக்கைத்தை தொடுக்கைற்ற டிள்ளிக்கம் இடை8ய உள்ள தாரம் எறிப்பொருளிக் தைடுக்கம் எனிபர்.

எறிலபாருகைனா ஆய்வதற்காகா ஊரே தத்துவங்கள் : எறிலபாரனின் ஆரமீப திசைவேகத் கை தை தை கைறுகளாக பிளக்கலாம்.

1. வசங்கத்து கூற

2. BOOTLIGLL BOLIGU

எற்றபாகுளின் மீது தையற்படுகின்ற ஈர்ப்பு விசை நேராக கிழ்தொக்கி தையற்படுகிறைகு. ஆகதேவ இவ்விசையாசைது வொகுளின் கிடைப்பட கியக்கத்தையும் பாதிக்கிறது. அதாவது தினைகேம் கிறைகிறது. இவ்விரண்டினையும் எற்றபாகள் கியக்கம் பற்றி ஆராயும்தபாது, கணிக்கில் தொள்ள வேணீடும். ஒதே வயரத்தில் கிரைது விகுமாற நெய்வதால், அனைவு தனைரபை வதாரும் திசைவேகம் ஒன்றாதம். ஆனால் இதைவ திரையை பட்டு எதும் திசைவேகம் மாறுபடுகைறது. ஆக்குவ

ലതായ നക്രപ്പേടാത്ന ചെയ്യാം ഒയയാഥത്തെന്നും. ഇപ്രാധന്താന് തണ്ണ് ഗ്ലോഡ് ഇൽത്ര Brit തോഗ്രന്നും വെന്താണ് ദഗന്ത്വം പേന്തും ഇത്തങ്ങളുടെ Longe ഒന്നും.

மோதவூக்க டுன், இரண்ம வாமடகளின் இயக்குத்தினை அவை கரண்டும் வதாடு கான்ற புள்ளியால் உள்ள ரோக்கத்துக் ഒപ്പോ എത്തുക്ഡാര് ആനുവനുക്ക് ആശ്രേന്ത്തെയ ഒന്ന് പോന്ത്ത് อาออาบว่า

மோதலுக்கான வதி:

1. நீயூட்டன் களதனை விதி ப

பிட்சியல் வாருட்களால் மோதல் பற்ற ஆராய்ந்து நியூட்டன் கிழீகண்ட அதிகளை வரைத்தார்.

இர வாறும் களுக்கிடையை எதர்குமாதல் ஏற்பகம் கபாது, கமாதலுக்கப் பான் அவற்றான் ஒப்புத் திசைகவகத்திற்கும் ஊ்ள வகைம் மாதலயாகவும் எதிர்த்தியுடையதாகவும் gron wyle.

Bis Longon, 5 mor BUB orani (co-efficient of resitivity) எனிபர். கித 6 எதும் எழுத்தால் குறிக்கப்படுகிறது.

8மாதுகைன்ற கூர பொருட்களின் வாத நேர்குத்து தினை சயாவ் கமாதலுக்கு இன் உள்ள தினை கவைக கூறுகள் ௶, ♥₂ எனவும் 8மாதலுக்கு மான் இக்கூறைகள் V, , V2 எனவும் തെത്ത്വസ്, ഇപ്പം പത് ഒന്നുതത് മാളിവ്വം,

$$\frac{V_2 - V_1}{U_2 - U_1} = -e$$

போதலான் போது கையக்க ஆற்றல் இடிப்பு.

m, நிரை கொண்ட வபாகள் VI திதை கேகத் திடன் நகர்க்த காண்டிருப்பதாகக் கொள்வோம். மோதலுக்க மன் இரு on ung L' களும், ஒன்றாக இணைன்து V வுண்ற திசை 8வுகத்துடன் நகரீவதாக தொசர்8வாம். மோதல்னால் உர்த தைழப்பு ஏற்பாடானமயால்,

 $(m_1 + m_2)V = m_1V_1$ + (1)

$$V := \frac{m_1}{m_1 + m_2} \longrightarrow (2)$$

BLOT BOY BE BOT K.E = $l_2 m_1 V_1^2 \longrightarrow (3)$ BLOT BOY BE GOT K.E = $l_2 (m_1 + m_2) V^2 \longrightarrow (4)$

$$= \frac{1}{2}m_{1} \frac{m_{1}^{2}V_{1}^{2}}{m_{1}+m_{2}} (m_{1}+m_{2})$$

 m_1 $\angle 1$ 255 arrow, m_1+m_2

மோதலுக்த மன் K·E மோதலுக்கு முன் உள்ள K·E, 1/2 m, V, ² விடக் திரைவாகும். சூகவே மோதலால் தியக்க சூற்றலில் கூடிப்பு ஏற்படுகிறது. மீட்சியுறு பொருட்கள்.

പലെ ജീയുന്ന വിന്ത്ര കണത്ത് 86നുക്ക് .

ஒர திடப்பொருளான் மீது ஒர வாசை

எசயற்படும் போது அதன் உருவால் மாற்றம் ஏற்படுகிறது. ஏசயற்படு வசைசபைய நீக்கையவுடன், வாருளானாது தன் பபைடிய நிலைக்குத் திரும்புகிறது. கூப்பண்பு வபற்றுள்ள வாருடங்களை மிட்சியல் வாருட்கள் என்பர். ஆக கண்ணாடி பஞ்சை ஒரு குறிப்பட்ட உயரத்திலை நுக்துக் கொள்வோம். இதே உயரத்திலிருந்து விடுமாற கிசுய்வதாகக் கொள்வோம். இதே உயரத்திலிருந்து விடுமாற கிசுய்வதாகக் கொள்குவாம். இதர உயரத்திலிருந்து விடுமாற கிசுய்வதாகக் கொள்குவாம். இதர உயரத்திலிருந்து விடுமாற கிசுய்வதாகக் கொள்குவாம். இதே உயரத்திலிருந்து விடுமாற கிசுய்வதாகக் கொள்கு வாடு. தூர உயரத்திலிருந்து விடுமாற குடியைதால், அனைவ துரையை தொரும் பேது திரைசலைகம் ஒன்தேயாதும், திடப்பை கடிகளின் மேதாகுவகம் மாறுகைறது.

815ri вமாதலும் சாய்வு 8மாதலும் :

6மாதவுக்க இன், இரண்டு ஏபாகுட்களின் தியக்கத்தை வதாமபுள்ளியில் உள்ள 6நாகத்துக்கோட்டுத் தனை பேல் இருப்பான், இம்மோதலை மாமாமோதல் என்பர். மோதலுக்கான வைதிகள் :

1. BULLICON SENDED OT AND :

குட்காயல் வாகுடிகளால் மோதல் பற்றி உராய்ந்து நியூட்டன் கிழ்கண்ட வாதியை வரைத்தார்.

இரு பாருட்களுக்கு பைய குநீலாதல் ஏற்புமம் போது, மோதுலுக்குப் மன் அவற்றன் ஒப்பு திரைகவேகத்திற்கு உள்ள விகிதம் உாறிலியாகவும், எதிர்கிறியுடையதாகவும் இடையும் என பாருட்களாடையே சாய்வு மோதல பற்புமம் போது கமாதலுக்குப் மன் பொது குந்க்கு நீத திரையேல் ஏற்புமம் போது கமாதலுக்குப் மன் பொது குந்க்கு நீத திரையேல் உள்ள ஒப்பு திரைகவேகைக் கூறைக்கும் கமோதலுக்கு மான் அலத திரையேல் உள்ள ஒப்புத்திரைகவேக கூறுக்கு இடைபே மன்ன விகைதம் மாறிலியாகவும், எதிர்குறி உடையதாக வும் அமையும். இம்மாறிலி நிலைமிட்கி எண் எண்பத்.

போது தன்ற குடு வாகுடுகள்ள் வாத குர்தத்தத் துகையால் கடாதவூக்கு முன் உள்ள திகைகவேக கூறுகள் ப1, U2 எனவும், கடாதவூக்கு மான் இக்கூறைகள் V1 2 V2 எனவும் கொண்டால், நியூட்டன் கோதனை வைதிப்படி,

$$\frac{V_2 - V_1}{U_2 - V_1} = -e$$

திர வடிவடிப்பான கோனை க்களின் தொமொதல்



N, தின்சு வேகத்தில் வசல் கிரைற்ற m, நின்ற வகாணிட கோளம் A அளவு N2 தின்சு வேகத்தில் வசன்று வகாண்டிருக்குட் M2 நிறை விகாண்ட கோனம் B யுடன் குநராக கமாதல் கொள்த**கா**கக் கொள் வோம். AB என்ற கோல இரு கோளங்களின் மையத்தை திணைக்குட் கோல, துகவே மாதலுக்கு பின் கொளங்கள் திரண்டும் AB திசையிலே நகர்கிறது. திவற்றின் திசையே கங்கள் VI, V2 சினக் கொள்தோரம்.

நியுட்டன் சொதனை வைதிப்படி , மோதயுக்குப் மன் வாது சநாதத்துத் திசையல் கூரு – கோனங்களன் கிறைதி ஜப்புத் திசைசவோகம் , ஆரம்ப ஆப்பு திசைசவேகத்தின் – ட மடங்காகும்.

 $: V_2 - V_1 = -e(U_2 - U_1) \longrightarrow (1)$ உங்த அழவைன்மை வதிப்படி, $m_1V_1 + m_2V_2 = m_3U_1 + m_2U_2 \longrightarrow (2)$ F6 on (1) 28 m2 2500 のUBBB. $m_2 V_1 - m_2 V_2 = -m_2 (U_2 - U_1) \longrightarrow (3)$ (2) - (3). $N_1(m_1+m_2) = m_2 U_2 (1+e) + U_1(m_1-em_2)$ $v_1 = \frac{m_2 v_2 (1+e) + v_1 (m_1 - em_2)}{2}$ -+ (4) $m_1 + m_2$ Flood (1) 2 m, ഇംഗ് വഥങ്ങ, $m_1 V_2 - m_1 V_1 = m_1 e (U_2 - U_1)$ \rightarrow (5) (2)+(5) $V_2(m_1+m_2) = m_1 U_1(1+e) + (U_2(m_2-em_2))$ $V_2 = \frac{m_1 u_1 (1+e) + U_2 (m_2 - em_1)}{m_1 + m_2}$ \rightarrow (6) குண் பாகு (4), (6) சமாதவுக்க மன் கொளங்களன

சுமன பாடு (4), (6) மோதலுக்கு மன் கோசாதுக்கான. தன்சலுகாங்களைத் தக்கைன்றன.

BAMULY BISHON :

1. துரு கொளாங்களும் முற்றிவும் பிட்சி தன்மை கொண்டதாகவும் சமறிவை கொண்டதாகவும் கிருந்தாவ். e=1, m,=m2

 $V_1 = U_2$, $V_2 = U_1$

இத்தவே, இரு சமற்றை வுதாண்ட இற்றிலும் பிட்சித் தன்றைம கொண்ட கொனங்கள் மோதும் கபாது கொகலுக்கப் மன் நிசை 6 வுகங்களாகவுட் பரிமாறு கீ வகாள்கின்றன.

2. e=0 010010 V2=V1

3. M. Mony OBRITIL CONTIN A. OF BOORTBIRD & A. OF 2, BB WING MI (VI-UI)

$$I = \dot{m} (m_2 U_2 (1+L) + U_1 (m_1 + em_2) - U_1$$

$$m_1 + m_2$$

 $= m_1 (m_2 U_2 (1+e) + U_1 (m_1 - em_2) - m_1 U_1 - m_2 U_1$

$$m_1 + m_2$$

$$m_1(m_2 \cup 2(1+e) - m_2 \cup 1(1+e))$$

$$m_1 + m_2$$

$$I = \frac{m_1 m_2 (1+e) (U_2 - U_1)}{U_2 - U_1}$$

m1+m2

அந்த கணத்தாக்க வசை 8-சு கணதாக்கு வசைக்க சமமாகவும் எளிதாகவும் கைருக்கும்.

இத வடிவடிப்பான கொணங்களுக்கிடையே சாய்வு BLON BON. 202 NUI



Bloodi (1) 30 (b) 50 Å αισάσε.
$$tan θ = 0, tin α, → 00$$

$$(v, tos α, (m, -0m_2) + m_2 ∪_2 (or s α_2 (1+c))$$

$$m_1 + m_2$$
Bloodi (2), (b) 35 βlow any toon y Bus up boards θ 2 ± 4 V2 and Boom is Blown is.
$$V_2 = \sqrt{\frac{v_2 (or s α_2 (m_2 - em_1) + m_1 v_1 (or s α_1 (1+e) + v_2 sin α_2^2)}{m_1 + m_2}} (u)$$
Floodium (2) 30 (b) 35 and a so be a.

$$tan θ_2 = \frac{v_2 sin α_2}{(v_2 (er a - em_1) + m_1 v_1 (or s α_1 (1+e) + v_2 sin α_2^2)} (u)$$
Floodium (1), (12) 35 Board ang be a.

$$tan θ_2 = \frac{v_2 sin α_2}{(v_2 (er a - em_1) + m_1 v_1 (or s α_1 (1+e) + v_2 sin α_2^2)} (u)$$
Floodium (11), (12) 35 Board ang of a neuration Barrowich Barrowic

இரண்டாவத கொளத்தின் குணாதாக்க வதுற்கு சமமாதுவும் எத்ராகவும் இருக்கம்.

1. 8374 860BN :

m,, m, நினைந்தன் கொண்ட இரு கோனங்களுக்கின் பேல குறைடி கொதல் நிடையை வதாக கொண்டுவாம். குமாதலுக்கு முற் இவற்றின் நிசை கவகங்கள் தெறையை பு, ப, பு எனவும் வாதலுக்கு இவற்றின் திசை கவகங்கள் தொற்கிய பு, பு எனவும் வாதலுக்கு மன் V, , V2 எனவும் கொள்கு ோம் -

நியூட்டன் சொதனை வதிப்படி,

 $V_2 - V_1 = -e(U_2 - U_1)$

உந்த அழுவன்மை வதிப்படி,

$$m_1V_1 + m_2V_2 = m_1U_1 + m_2U_2$$

8மாதலுக்கு முன் வமாத்த தையக்க கூற்றல்

 $= 1/2 m_1 u_1^2 + 1/2 m_2 U_2^2$

கமாதலுக்கு மன் வமாத்த கையக்க கூற்றல்.

Выпялій діўці Вышёв дэўулі ыпіўулі = дэліць $k \cdot E - 20 gg B k \cdot E$ = $1/2 m_1 U_1^2 + 1/2 m_2 U_2^2 - 1/2 m_1 V_1^2 - 1/2 m_2 V_2^2$

$$= \frac{1}{2} m_1 (U_1^2 - V_1^2) + \frac{1}{2} m (U_2^2 - V_2^2)$$

= $\frac{1}{2} m_1 (U_1 - V_1) (U_1 + V_1) + \frac{1}{2} m_2 (U_2 - V_2) (U_2 + V_2)$

சமன்பாக 12) வகந்து,

 $m_2(u_2-v_2) = m_1(v_1-u_1)$

$$= \frac{1}{2}m_1(v_1-v_1)(v_1-v_2)+(1-c)$$

8-600 (1), (2) - ANO 15 5

$$v_1 = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2 + em_2 (v_2 - v_1)}{m_1 + m_2} \xrightarrow{(6)}$$

 $= \frac{1}{2}m_{1}\left[U_{1} - \frac{m_{1}U_{1} + m_{2}U_{2} + em_{2}(U_{2} - U_{1})}{m_{1} + m_{2}}\right] (U_{2} - U_{1})(1 - c)$

$$= \frac{1}{2}m_{1}\left(\frac{(m_{2}(\upsilon_{1}-\upsilon_{2})(1+e))}{m_{1}+m_{2}}\right)(\upsilon_{1}-\upsilon_{2})(1-e)$$

$$= \frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (U_1 - U_2)^2 (1 - e^2)$$

e-ဆီ ဖရာပဲမှ ချပိမ၊ကန္မာမ် 1 အ စား၊ တီစာကုမာကား ဆီဖြစ်ဖြမ်း = $\frac{1}{2} \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} (U_1 - U_2)^2$

Frid of BURBON :

m, m2 நினை வதாண்ட கூரு கோனாங்கள் U, U2 என்ற நினைசவேகங்களதடன் தகர்கின்றன. கியவற்றின் கியக்க நினைசகன் கிவற்றின் வடியங்களை கிணைணிக்கும் கோட்குடன் கு1, of 2 வகுபம் கொணாங்களை உருவாக்குகன்றன.

மோதல் தாரணா மாத, மையங்களை இணைக்கட சுகாட்டிற்கு செர்குத்து திறைசயால் உளீன திசைசவைகங்கள் மாலு வதில்லை. ஆக்கவ இயக்க ஆர்றல் கிழப்பு, மையங்களை நிதை சவக மாற்றத்தாலேயே ஏற்படுகிறது. அதகவ சாய்வு மோதலுக்க கேந்த கமாதல் குபாண் கே கணைக்கி மாடு. கேந்டி மோதலுக்க கேந்த கமாதல் குபாண் கே கணைக்கி மாடு. கேந்டி கோதலின் குபாதன்ன பு, ப2 ஆகியவற்றிற்கு பதிலாக பு பாத் லு, , ப2 பே லே வதாணை கு தொற்றல் திழப்பு கணக்கிடலாடு.

:
$$\theta_{5}\dot{m}_{p}\dot{m}\dot{v}$$
 $\theta_{1}\dot{u}_{1}\dot{u}_{1}$
= $\frac{m_{1}m_{2}}{(m_{1}+m_{2})}$ (1- θ^{2}) ($U_{1}\omega_{5}\alpha_{1} - U_{2}\omega_{5}\alpha_{2}$)

Unit – II: Statics, Hydrostatics and Hydrodynamics

Centre of gravity of body- centre of gravity of a solid hemisphere and solid cone – atmospheric pressure – variation of atmospheric pressure with altitude – height of homogeneous atmosphere- centre of pressure- determination of centre of pressure- centre of pressure with rectangular lamina- Metacenter- metacentric height- determination of metacentric height of ship.

Total energy possessed by liquid in motion- Bernoulli,s theorem- Applications of Bernoulli,s theorem of liquids, 1. Toricelli's theorem, 2. Venturimeter

Centre of gravity of body

A point through which the line of action of the weight of the body always passes in whatsoever manner the body is placed.

Centre of gravity of body of a solid hemisphere



We can cut hemisphere horizontally into circular slices of thickness dh, each slice at height h above the base

Each slice at height h has radius

r = sqrt(R*R-h*h)

area of slice= pi*r*r=pi*(R*R-h*h)

centre of mass at h. So,

CG of hemisphere= $(1/volume of h.sphere)^*(integral h*pi*(R*R-h*h)*dh) h from 0 to R$

 $=(1/(2/3*pi*R*R*R))*pi*(R^4/2-R^4/4)$

$$=R/4*3/2=3R/8$$

Centroid of hemisphere radius R is at 3R/8.

Centre of gravity of body of a solid cone



We can cut cone vertically into circular slices of thickness dx, each slice at height x above the base

Each slice at height h has radius r=sqrt(R*R-h*h)

area of slice= pi*r*r=pi*(R*R-h*h)

centre of mass at h. So,

CG of hemisphere=(1/volume of h.sphere)*(integral h*pi*(R*R-h*h)*dh) h from 0 to R

 $=(1/(2/3*pi*R*R*R))*pi*(R^4/2-R^4/4)$

=R/4*3/2=3h/4

Centroid of hemisphere radius R is at 3h/4.

Atmospheric pressure

Atmospheric pressure also known as barometric pressure (after the barometer), is the pressure within the atmosphere of Earth. The standard atmosphere (symbol: atm) is a unit of pressure defined as 101,325 Pa (1,013.25 hPa; 1,013.25 mbar), which is equivalent to 760 mm Hg, 29.9212 inches Hg, or 14.696 psi.^[1] The atm unit is roughly equivalent to the mean sea-level atmospheric pressure on Earth, that is, the Earth's atmospheric pressure at sea level is approximately 1 atm.

In most circumstances, atmospheric pressure is closely approximated by the hydrostatic pressure caused by the weight of air above the measurement point. As elevation increases, there is less overlying atmospheric mass, so that atmospheric pressure decreases with increasing elevation. Pressure measures force per unit area, with SI units of Pascals (1 pascal = 1 newton per square metre, 1 N/m^2). On average, a column of air

with a cross-sectional area of 1 square centimetre (cm²), measured from mean (average) sea level to the top of Earth's atmosphere, has a mass of about 1.03 kilogram and exerts a force or "weight" of about 10.1 newtons, resulting in a pressure of 10.1 N/cm² or 101 kN/m² (101 kilopascals, kPa). A column of air with a cross-sectional area of 1 in² would have a weight of about 14.7 lb_f, resulting in a pressure of 14.7 lb_f/in².

Height Of homogeneous atmospheric pressure

Atmospheric pressure is expressed in several different systems of units: millimetres (or inches) of mercury, pounds per square inch (psi), dynes per square centimetre, millibars (mb), standard atmospheres, or kilopascals. Standard sea-level pressure, by definition, equals 760 mm (29.92 inches) of mercury, 14.70 pounds per square inch, $1,013.25 \times 10^3$ dynes per square centimetre, 1,013.25 millibars, one standard atmosphere, or 101.325 kilopascals. Variations about these values are quite small; for example, the highest and lowest sea-level pressures ever recorded are 32.01 inches (in the middle of Siberia) and 25.90 inches (in a typhoon in the South Pacific). The small variations in pressure that do exist largely determine the wind and storm patterns of Earth.

Atmospheric pressure with altitude

Although you can't derive atmospheric pressure at sea level from the total height of the atmosphere, you can calculate changes in air pressure from one height to another. This fact, along with other considerations, including the ideal gas law, lead to an exponential relationship between the sea level pressure (P0) and pressure at height h (Ph). This relationship, known as the barometric formula, is:

Ph=Poe^{mgh/kT}

m = mass of one air molecule

g = acceleration due to gravity

k = Boltzmann's constant (ideal gas constant divided by Avogadro's number)

T = temperature

centre of pressure

The centre of pressure is the point where the total sum of a pressure field acts on a body, causing a force to act through that point. The total force vector acting at the center of pressure is the value of the integrated vectorial pressure field.

Determination of centre of presure

Centre of pressure may be defined as 'the point in a plane at which the total fluid thrust can be said to be acting normal to that plane'.

As shown in figure the hydrostatic pressure exerted by a liquid of density ρ or specific weight w,

at depth *h* below the surface, is: $p = \rho gh = wh$



This is the gauge pressure, due solely to the liquid column of height h. To obtain the absolute pressure pa at depth h, we must add whatever pressure ps is applied at the liquid's surface, giving: pa=ps+p=ps+wh

Referring to figure (3), consider an element at start depth y, width dy, then force on element is given by:= $w(ycos(\theta)-h)Bdy$

The summation of moments about the pivot point 0 is given by:

Σ*M*0=0

WR₃-wB $\int (y_2\cos(\theta)-hy)dy=0$

 $M=WR_{3}=w\int(y_{2}\cos(\theta)-hy)dy$

Metacentricheight

The metacentric height (GM) is a measurement of the initial static stability of a floating body. It is calculated as the distance between the centre of gravity of a ship and its metacentre. A larger metacentric height implies greater initial stability against overturning. The metacentric height also influences the natural period of rolling of a hull, with very large metacentric heights being associated with shorter periods of roll which are uncomfortable for passengers. Hence, a sufficiently, but not excessively, high metacentric height is considered ideal for passenger ships.

Metacentric height of the ship

Consider a ship or pontoon floating as shown in figure. The center of gravity of the body is at G and the center of buoyancy is at B. For equilibrium, the weight of the

floating body is equal to the weight of the liquid it displaces and the center of gravity of the body and the centroid of the displaced liquid are in the same vertical line. The centroid of the displaced liquid is called the "center of buoyancy". Let the body now be heeled through an angle θ , B_1 will be the position of the center of buoyancy after heeling. A vertical line through B_1 will intersect the center line of the body M at and this point is known as the metacenter of the body when an angle θ is diminishingly small. The distance GM is known as the metacentric height. The force due to buoyancy acts vertically up through B_1 and is equal to W. The weight of the body acts downwards through G.

Stability of floating objects:

- Metacenter point M: the point about which the body starts oscillating.
- Metacentric height GM : is the distance between the center of gravity of floating body and the metacenter.
- If M lies above G a righting moment is produced, equilibrium is stable and GM is regarded as positive.
- If M lies below G an overturning moment is produced, equilibrium is unstable and GM is regarded as negative.

Determination of Metacentric height

$WGMsin(\theta) = x$

$$\mathbf{GM} = \frac{Px}{Wsin\left(\theta\right)}$$

Where x = distance from pontoon centerline to added weight.

Where W= weight of the vessel including P.

$$GM = BM + OB - OG$$

 $BM = \frac{1}{v}$

OB =0.5 $\frac{V}{L \times D}$



$$I = \frac{DL3}{12}$$

Where V= volume of displaced liquid

Show the variation of depth of submergence and position of metacentric height under different loading conditions

Discuss what will happen if the ballast weights were added at the center of gravity so that the resultant center of gravity was unchanged.

Bernoulli's Theorem:

Definition: Bernoulli's theorem states that the whole mechanical energy of the flowing liquid includes the gravitational potential energy of altitude, then the energy-related with the liquid force & the kinetic energy of the liquid movement, remains stable. From the energy conservation principle, this theorem can be derived.



According to Bernoulli's theorem, the sum of the energies possessed by a flowing ideal liquid at a point is constant provided that the liquid is incompressible and non-viseous and flow in streamline. Potential energy + Kinetic energy + Pressure energy = Constant

Where C is a constant.

This relation is called Bernoulli's theorem.

Dividing above eqn., by g, we get

h+pgP+1/2gv2=C'

Where C is another constant.

For horizontal flow, h remains same throughout.

So,

pgP+2gv2=Constant (or) P+1/2pv2=Constant

P is static pressure of the liquid and 1/2pv2 is its dynamic and velocity pressure.

Thus, for horizontal motion, the sum of static and dynamic pressure is constant. If p1v1 and p2v2 represent pressure and velocities at two points.

Then

P1+1/21pv12=P2+1/2pv22

Concepts :

- In Bernoulli's theorem P+pgh+1/2ev2= constant.
- The term (p+pgh) is called static pressure and the term 21pv2 is the dynamic pressure of the fluid.
- Bernoulli theorem is fundamental principle of the energy.
- The equation pgP+21gv2+h=constant
- the term pgP = pressure head
- the term 2gv2 = velocity head
- h = gravitational head.

Derivation of Bernoulli's Theorem :

The energies possessed by a flowing liquid are mutually convertible. When one type of energy increases, the other type of energy decreases and vice-versa. Now, we will derive the Bernoulli's theorem using the work-energy theorem.

Consider the flow of liquid. Let at any time, the liquid lies between two areas of flowing liquid A1 and A2. In time interval Δt , the liquid displaces from A1 by $\Delta x1=v1\Delta t$ and displaces from A2 by $\Delta x2=v2\Delta t$. Here v1 and v2 are the velocities of the liquid at A1 and A2.

The work done on the liquid is P1A1 Δ x1 by the force and P2A2 Δ x2 against the force respectively. Net work done,

W=P1A1
$$\Delta x$$
1−P2A2 Δx 2
⇒W=P1A1v1 Δt −P2A2v2 Δt
=(P1−P2) ΔV

Here, $\Delta V \rightarrow$ the volume of liquid that flows through a cross-section is same (from equation of continuity).

But, the work done is equal to net change in energy (K.E. + P.E.) of the liquid, and

$$\Delta K=21p\Delta V(v12-v22)$$

and
$$\Delta U=p\Delta V(h2-h1)$$

$$\therefore (P1-P2)\Delta V=21p\Delta V(v12-v22)+pg\Delta V(h2-h1)$$

$$P1+21v12+pgh1=P2+21v22+pgh2$$

or P+21pv2+pgh=constant

This is the required relation for Bernoulli's theorem.

So, more the cross-sectional area, lesser is the velocity and vice-versa.

So, Bernoulli's theorem,

Torricelli's Theorem

Torricelli had interests in various aspects of physics and mathematics and torricelli's theorem was one of his biggest achievements. The law explains the relation between fluid leaving a hole and the liquid's height in that container.

The relationship can be summarized in the following manner. If you have a container filled with fluid with small holes at the bottom of the container, the fluid leaves through the hole with velocity same as it would experience if dropped from the same height to the hole level. If the liquid is dropped from a height h, it would have a velocity v and this v is the same velocity at which the liquid leaves the hole when the height of fluid h is same as liquid dropped in the container.

We also assume that it is an ideal fluid which means that the liquid is in compressible, non-viscous and laminar flow. These factors cannot be neglected since same rules cannot be applied to nonfluids as their viscosity and flow may not be same across the liquid itself.



Torricelli's Law Derivation

Assuming that the fluid is in compressible, Bernoulli's principle states that:

 $v^2/2 + gh p/\rho = constant$

Where,

v is speed of liquid,

g denotes gravitational acceleration,

h shows liquid's height over reference point,

 ρ is density.

P is equal to atmospheric pressure at the top of the container.

v is considered as 0 because the liquid surface drops in height slowly compared to the speed at which liquid leaves the tank.

h is 0 and p is atmospheric pressure at opening h = 0.

```
gh+p_{atm}/\rho=v^2/2+p_{atm}/\rho
```

 $v^2 = 2gh$

 $V = \sqrt{2gh}$

A simple experiment to test Torricelli's law can also be performed by a soda bottle by puncturing

the bottom with a small hole. As the height in the reservoir decreases, the exit velocity decreases.

Venturimeter

Venturimeter is a device that is used to measure the rate of flow of fluid through a pipe. This device is based on the principle of Bernoulli's Equation. Venturimeter is named after G.B Venturi who developed the principle of venturimeter in 1797 but this principle comes into consideration with the help of C. Herschel who developed the first venturimeterin 1887.

Main parts of venturimeter :-

1. Covering part : It is the part of the venturimeter where the fluid converges .

2. Throat : It is the portion that lies in between the converging and diverging part of venturi. In the throat portion the cross section is much less than converging and diverging portion. When the reaches the throat, its velocity increases and pressure decreases.

3. Diverging part : It is the part of the venturimeter where the fluid gets diverges and the cross-section area increases.



പ്രത്വാഷ് പ്രസ്ത്രം

വണ്തെന്നത്ന് നായന്ത്രിന്ന സ്ത്രോസ്ത്രം പ്രത്നേന്ത് പ്രത്നേന്ന് പ്രത്നേന്ന് പ്രത്നേന്ന് പ്രത്നേന്ന് പ്രത്നേന്ന് പ്രത്നേന്ന പ്രവ്നാം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന പത്നോസ്ത്രം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത്നേന്നം പ്രത

, ശനത്തവ ത്രത്തെ ഒര് തൽ ത്രി വ്യവന പ്രനംന ത്രം ത്രത്തിവന്ന ത്രം . പ്രസ്തന്ത് ക്രത്തിന്റെ പ്രത്യത്തിന്ന് പന്താന്ത്രം പന്താനം പ്രത്യനം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പു

പ്പ തലനത്ത് തുവ തലന്റെ ക്രവക്ക് ക്രവം പത്തിന്റെ പ്രത്തിന് പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്ന പ്രത്തിന്റെ തുവന്നം പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന

2. ത്വനനുനിൽ ഉണ്ണ ഇങ്ങ്ങൻ മെയന്ഗ്രേഫ് എത്സ മതത്ത തിത് തെളനമെപ്പനത് ലിത്വവധ 8മുത്തിനും.

പ്പെയും ഇത്തായത്തെ പ്രവേഷം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്താനം പ്രവേഷം പ്രത്താനം പ്രവേഷം പ്രത്താനം പ്രത പ്രത്താനം പ

പ്രവന്തര്ന് ഒരു ഇന്പായ് പ്രതന്നെ പ്രത്നം പ്രത്നം

പ്രലക് കെപ്പാന് എല്ലക്കത്തെന്ന് നാന്താണ്ക്കുകയാപ്പാക എത്ര പ്രത്തെ ഇത് എത്ര ഇത്തെന്ന് കെല്ലാന് പ്രത്തെ ഇത് എത്ര കെപ്പാന്ത്ര എത്രത്ത് പോസ് എത്ര പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രത്തെ പ്രവേഷം എത്രത്തെ എത്രം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രത്തെ എപ്പോണ് എത്രം ക്ക്ക്ക്ക്ക് പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം എപ്പോണ് പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രത്തെ പ്രവേഷം എത്തെന്ന് പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രത്തെന്നം പ്രതേഷം

AB. c ஏன்புவே തന്വ വല്ല നേവ വല്ല പ്രവത്ത ആഷ്ക്ര മാപ്പാം ന്റെ പ്രവത്തെ തന്ത്ര ത്രത്ത് പ്രവത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ പ്രത്തെ ന്റെ പ്രത്തെ ന്റെ പ്രത്തെ നേറ്റ് പ്രത്തെ നേറ്റ് പ്രത്ത്തില്ല. പ്രത്തം മ പ്രത്തെ ന്റെ ന്റെ പ്രത്തെ പ്രവത്തെ പ്രത്തെ നേറ്റം മ പ്രത്തെ ന്റെ പ്രത്തെ നേറ്റം കുട്ടാം പ്രത്തായത്തെ നേറ്റം മൂട്ട് പ്രത്തായത്തെ പ്രത്ത്തെ പ്രത്ത്തെ പ്രത്ത്തെ പ്രത്ത്തെ പ്രത്തേ പ്രത്ത്തെ പ്രത്തേ പ്രത്തം പ്രത്തേ പ്രത്തം പ്രത്തേ പ്രത്തേ പ്രത്തേ പ്രത്തം പ പ്രവനം പ്രത്തം പ്രത



കള് ആല്ഥത് ലവ്വമ്കള്ളെന്റെ തെരുമ്പോത്ത് ഇങ്ങ്ങ് ഇല്ലാൽ എട്ടിട് ഒട്ടാത്ത് മറ്റ് മുത്ത് തെണ്ട് പ്രവേഷ്ട്ര എട്ടെ തെന്ത് പ്രമേഷ്ട്ര ത്രാമം പ്രവേഷ്ട്ര പ്രവേഷ്ട്രം പ്രവേഷ്ട്രം എട്ടെ തേന്ത് പ്രവേഷ്ട്ര പ്രവേഷ്ട്രം പ്രവേഷ്ട്രം

y = x tand

6524001 LOW OF = UTELLONON X 54 LOOOT

= st x2 tan2 x dx

97,00 വരു പര്ത്ത് നുരുപ മണത് തെനത്പാർ തത്തത്തായ് തെത്തു ഇത് എത്പ താം 372 Lan²q. dx.p

பல்குகு பற்றிய தலைக்கு மற்று குடு = stpx 2 tan adz.x കടക്ക് ക്ലായുന്നു. അനുവയത്ത് നന്നത്തെ നായുന്നും കുടത്തിനും കുടത്തിനു കുടത്തിനും ക ഇമേര് ഇന്റെ ഇന്റെ മത്തങ്ങിപാന്ന് പെപ്പാസ് ഉണ്ണ എത്താനും കരെയലും ഇക് പത്രം പ്രത്തേഷം പ്രത്തേഷം =) xptaneaxedx s 1 Jp tan ah BLEW 2 + J. J. Janax dx = 1 sitan ah 9 ELE LOST = J J Lans ah 3p 0100L കെ പ്നുഷ് പുതി പെ പ്പ് തരന്നും കട്ടുന്നുത്തു. ഇപ്പോയ നുതു കര് പ്പെട്രനത് കണ്ണെ കോസ്. കമ്പാൽ സെന്റ്റെ തുത്യയായത് ത്രിയും പത്രാൽ : = 1 JP tan2 ah2 x 95 B B QU . - Jortan ah = - Jortan aht x = 3h കേട്ടാ ഇന്നായ നമ്പന്ന പ്രത്താ അവരം പ്രത്താ അവും 3:1 എൽന തിതുള്ളിൽ നിനുക്കില് 6 എൽനെ പുണ്ണിയില് eron ശവും கிடப்பான் அரைக் கொளத்தன் புல எ. ரப்பு மையம் കന്ന് പ് തങ്ങന്നും കുലലുള്ളത് ഇന്ത് കുല്പതിയ് AB എത് തെന്ന്റെയും 0 % കെ നേഖനുക്കും 0A. 0B കേക്സാമുന്നാന കുള്ളനക്കുഥ് ക്രെത്സ് പന്ധ് AB മുതാനക്കുന്നുല്യ സ്ക്രനാത BURNAG x2+42 = a2 AOB going uning OA going Birong ത്വായാനങ്ക് തണ്ട്രത്ത് ഒന്നുവായവ് പെന്ത് , കേന്ദ്രം கையலை குடு நிலை குடியை குடு குடியுக்கு குடு குடியுக்கு குடு குடு குடியா തനുത്തു നേത് എത് പുത A. ന്ന്ന് തവാവാ OA ക കത്യാവും കത8യ ¥=D

ο αλλιθικέ χ οφησου από dx φωματί ησησότι αμεμί
μωφθ σημι στοιβερ eaunus. Θεσότ θητώ γ στοιθό οποιπότι αμεμί
υωφθ σημι στοιβερ eaunus. Θεσότ θητώ γ στοιθό οποιποδτικό.
Θαπιέθου πωιματιτότι στουρ ρ στοιθό οποιποδτικτό.
αιεικό φασουρ ποριταδτικ στουμ ρ στοιθό στοιποδτικτό.
αιεικό φασουρ ποριταδτικ στουμ φαια στοιδτικό.
Στο χμ² ρdx στουμιώ.

$$\sum_{k=0}^{2} 5ty^{2} ρdx. x$$

 $\overline{x} = \frac{2}{5} 5ty^{2} ρdx. x$
 $\overline{x} = \frac{2}{5} (a^{2} - x^{2}) x dx$
 $\frac{1}{5} (a^{2} - x^{2}) dx$
 $= \frac{1}{2} a^{2} - \frac{1}{2} a^{3} = \frac{a^{2}}{2} a^{3}$
 $= \frac{1}{2} a^{2} - \frac{1}{2} a^{3} = \frac{a^{2}}{2} a^{3}$
 $= \frac{2}{3} a$
 $= \frac{2}{3} a$
 $= \frac{2}{3} a$

ത്വാനമാക്ക് എള്ളു കുല്ലുന്നു പ്രത്തുകള് പ്രത്തുകള്ള 3/8 9 തില്ലുന്നു പ്രത്തുന്നു.

அழுத்த வையால

ആവപ്പെല് ആഷ്ഷന്ത്തവത്ത് ഇന്തെ പങ്കെ സ്ഥാതത്ത് ആപത്ത്ര ത്രപപ്പായം ത്രമ്പയം, പ്പയ്യാത്ത് ന്ന്ന് പ്രത്താം പ്രത്താനം പ്രത്താനം പ്രത്താനം പ്രത്താനം പ്രത്താനം പ്രത്താനം പ് പ്രത്താനം പ്രത്നാനം പ്രത്താനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ്രത്നാനം പ

ം മുലുളത്തെ മാധതരനുരം, മുലുളത്തെ ആള് ഇന്നെ

ខាចគ្រុតល :

 $B (\omega \phi \phi) \dot{\omega} \dot{\omega} = \frac{\partial \partial \sigma (\theta)}{\partial \omega (\omega) \partial \phi} = \frac{F}{A}$

, പ്രത്യേഗം മോറ്റ് പ്രേമ്ക്കിയ പ്രവന്ധതര ന്നെന്നു എയ സംവന്ദ്രം മാല്യം പ്രേമ്ക്കിയ പ്രവന്ധതര ന്നെങ്ങന്നെ പ്രേമ്ക് എത്തെ പന്ന്നെ പന്ന്നെ എത്തെവാള് പ്രേന്നെ ന്ന്നെ ന്ന്നെ പന്ന്നെ ന്നെന്നെ പ്രേമ്താവ് പ്രേമ്ക്കിയ ന്ന്നായ മന്നെ പന്ന്ന് പ്രേമ്താന് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്ക്കിയ പ്രവന്നം എക്ക്പെന്ന് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പാം പ്രത്തെ പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പം പ്രമേപ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പം പ്രമേപ്പാം പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പ്പോട് പ്രേമ്പം പ്രമേപ്പാം പ്രമേപ്പാം പ്രമേപ്പോട് പ്രമേപ്പാം പ്രമാം പ്രമേപ്പാം പ്രമാം പ

$$\Theta = \frac{dF}{dA}$$

ലോതി : നെഡ്പാലാത് / പ്ലേന്² ാര്യാളം ഇടോനങ്ങുന്ന് എതെപ്/ ച്ലെപ്ന്² നിത്തായനത്ന ഇന്റെ വന്ന്നത്ന്നെള്ളന്റെ h ലെള്ള് ഇത് ഇത്തെ പ്രന്നെഡി പ് ലെള്ള്ള്ം.

வடர்த்து இலையில் மனத்தும் குற பன்படி குற்றுக் குறையில் குறுவில் குறுவி

ആരു പുണ്ണിഡാം കുട്ടുള്ള് ഇത്തിന് ഒരുത്തിന് .

A ഏഴ് ഒന്നെ തത നെഡ് തതം ത്രനം പറ്റ്പതം തെളം പോപ്. മുള്ളത് പട്ടപ്പാനവു 'മ' എത്ത് തെന്ന് കേളം സ്മ ×9 இதன் மீது வசயற்படும் அழுக்குமான து, ลมับหนับอา 6000 กรณิตรีสุกส ออามกร 2000 குட்சுற்றுக்குது அடையாகும்.

ആ പ്രത്താനം പയന്ത്ര ഇന്ത്രം സംഗ്രം സംഗ്രം സംഗ്രം

= <u>a.h.p.g</u> = ahpg

இது தன் பிரம் வகாவில் வருது குடு

அடல்த்து P வகாண்ட குக படித்தாண തിനുവള്ളിയുണ് ഒഴ്ച്ച തവങ്ങാപയത്തെ പേറ്റ്പാനു രങ്ങങ്ങം ഉണ്ട്ടും പര് ആക്രം പ്രം

ളുന്നു നാലു നമ്മുന്നും നുയുള്ള 99 ന്നുന്നതാല് വള്ന്നുന്ന നുന്നതന്ന ഇള്ള്ളം പെന്നു. ഇള திருவ கமற்பரப்பிலிரு நீத h கூடித்தில் அருப்பதாக வரைன் கவாம்.

മക്കു നലന്താന് എന്റെ പോയുക്കും പോയുന്നം എന്നും കുറ്റത്ത് കുറ്റത്ത് പോയും പോയും പോയും പോയും പോയും പോയും പോയും പായും പായു

= hpg do.

കുന്നുന്നായി നേത്തിന്റെ വലന്റ്റിന്റെ വല്ലായുന്നും നെയുന്നും നേത്തിന്റെ പര பகுத்தளில் AFW முப்படு அடிக்க நிக்களின் கடீக்கு கை

= Shpg do.

ത്രെപ്പ തുനങ്ങനും ഒളര്ന്റ്റ്റ്റെയെം .

hidd, + hadda + ... = hxd good up Tobe oppilye. One F என்பது புறை கார்ப்பு வையம் ஒன்ன கூடில் . 8 வுண்பது வமாத்த பரப்பனவு OF NO 1400 AUBON = Th Pg.8.

= புறை எப்பிய கையத்தில் உள்ள அடுத்தம் × கைத்த பரப்பளவு DIGEE OWING :

ത്താഡനത തുറുവം ഇത്തുമുണ് തുത ഇന്നം നുക്കിയതുക്കാം

அழுத்த வையும் தாணம் - வாது வனத

பரப்பனவு 8 லகாண்ட அரு தலையரப்பு லடர்தீத 9 வைண்ட தூறைத்தனுள் லசங்குத்தை 9 வடிக்கத்தையிலாக லகான் 6 வாம். பரப்பனை பல கூடி பதைகளைகை பாரிப்பதாக லசான் 6 வாம். இவ்வாறு பிருக்கைய்பட்ட பதையைல் d8 பரப்பனவு வகாண்ட கூறு பகுத்தைய துகைத்தவாம். தப்பரப்பு திருவத்தில் 6 மரிபரப்பலை குக்ததவாம்.

കപ്പതമായത് പ്രേ വെന്നത് കുന്നത് ലില്ലാം phy do.

AB တတိက မၾပိတာ၊ မကိုက်မ , တတိကမော်စာနိုးနားတဲ့ စာလာပ်မန်းနားမှားတဲ့ = hpgds.h = h² pgd8.

ുംഡ് മില് മായ്യ്യ് പ്രത്ത്ത് നേത്ത് നേത്ത് പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ പ്രവന്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദ്നം പ്രത്നേദനം പ്രത്നേദനം പ്രത്നേദനം പ്രത്നേദനം

கையிடி திறை வீக்களின் குடீமத்தை கை

= Eh2pgds (or) Sh2pgds.

രുന്തുവിന്തെയെ സ്വാസം പ്രത്തേ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത

aprodución alañoso = Shegdo

AB பரம்பை பற்றுய , இத்தைறையயன் அடிக்கத்தன் கூருப்பு துறன் HShpgdo. $H \int h pg dd = \int h^2 pg ds$ $H = \frac{\int h^2 ds}{\int h ds}$

ശത്ത്ന് പ്രിപ്റവ്സന്തും പ്നശചന്ത്രക്ന്തെക്ക് വവത് കുട്ടും ക്ലാം ക്ലെക്ക് മാക്കം പാന്ത്രിന്നെ പാന്ത്രം പ്രത്യോഗ് പ്രത്യാന് പ്രവേത്നം പ്രവേത്നം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്വേദം . പ്രക്രീന്നവര് പ്രക്ഷേത്തം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത

ര്യുക്പാല തുന്തു തനുക്കുല് ആം നന്തു നേഡ്യര്ത്ത തന്ന്നുക്കുക്ക് തെയുക്കാര് ക്രമത്തിന്റെ പത്തിന്റെ ഇന്ന്നുക്ക് ഇത് തെലാത്തു ക്രമത്തിന്റെ പത്തിന്റെ ഇന്ന്നുക്ക് ഇത് ച്വാവത്തു ക്രമുക്ക്ക് എന്

ക്കുന്നത്തെ നേള്ളുള്ള പ്രത്യാന്ന്ന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാനം പ്രത്യ പ്രസ്താനം പ്രത്യാനം പ്

dh

Deposi unicitional = a. dh

and un anonicuosi and pois = hpg adh

AB பழ்றிய குவீ வகுக்கத்தின் துகப்பு திழன்

= hpg adh . h

=h²pgadh

ത്താന പലത്ത പട്ടത്നിൽ കേരങ്ങളെ തിൽ ക്രമ്പ്പുറ്റുക്ക് തിൽ

= ^b/_o h^epg adh open over 10 concornor op not word over op op op of . = ^b/_o hpg adh

കുള്ള തുഖാര് AG വാരങ്ങള്ള H കുള്ളന് ഇരുവുന്നെ തന്ത്രത്.സ് AB എപ് പള്ത്തം തെന്തോപയത് തെക്കള്ത്തത് ത്രമം പുതനുത്ന

ഇത്ഥനങ്ങള് ഒന്ന് ഇറ്റാവായനങ്ങള് ഇത്വാനത് കുന്നത്തെ തന്നാനും AB. ഉട പങ്ങനുകാൻയ് താധയന്ത്രതാന ഇതായാനുക്കിയ് EF ഒതാലവുക് തുറുകു പന്പ്നതാത്ത് ക്രാം കുള്ളത്ത് കൊല്ലും

LABOOD BUILLY ONLOLD :

തമ്ത ഇത്യയിൽ തിരുക്കാം വെന്താന് രുത്താറ മിനില്ല മല്വെയറ്റ്മി வடையுமாகு வகம்யும் வாத அதனால் கடம் வயர்ந்த தாடிவத்தின் പത്രം അതു മാനവസ് മത്ല് കന്ത്ര തത്ത് ക്രാസ് ക്രാസ് കും പം സംസ്ക്ക ത്രുതള്ളാണ് പുളീഡ ശിളത്തം ഇന്ത്ര തവാനം വിള്ത്തെ പലത്തങ്ങൾന ര്ളങ്ങള്ള ഒങ്ങാ വെന്താനിൽ പത്ത നംസ്പ്പ് കഥയ്ല് പത്തും മുളത്തു ആന് യന്നനും എളുത്താന് പ്രസ്തേഷം സമാനുന്നും പ്രസ്തേഷം അവം പ്രസ്ത നവം തിര് പ്രണാനിനായ മിത്രതവ തന്മപ്പ തവാധര് രാങ്പന്

1/ 1000

Gr.

mg

പ്രത്തു ഇസ്പ് ത്വാസ് വെന്താനിൽ പ്രത്യ നസ്പ് തിരംഗം കളെ നമന്ത്രയ്യാന ഒന്ന പ്രവാന് സ്ലായാല് പ്രവാന് വില്ലാം ആന്ത്ര കല്പതത് എളുത്തു കസ്പ്പാന്പര് ഒന്നുകത്തെ ക്രവര് കന്ത്തിൽ

ธมินองสี สุละ ลิเมิดแนที่ฮิศิ ติสตุ ผิงเมื่อสสัญ തത്നാണ് ഒരുത്തിയം ഒപ്പാസ് ഇന്നുള്ളിൽ തുരാതങ്ങണ് AB കണ്ട് തത ചാത്രങ്ങ് തല്പപ്പം ത്രണത്തെ. ചാങ്ക് ന്ദ്രെപ്പാപത്ത് ന്ദേഹ് എത്സതസം പത്നംഗങ്ങാത്ത്ക തത്തിക്കിപരാസ്പം. A.B അതഗതന്നിന്തി തെപരധ e mon I' aportes OBMONBOUNTLE. A.B as gemon ന്നായെ കുട്ടുകള്ക്കും മുട്ടും പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന ാൽന്റെ ഗത്രത്ത A-ധാരാര്ക്ക് B-ക്ക രണ്ക്കുമാന്ത് മത്താനത്ഥ്.

ஆன் ம்லவலை எது மனதவும், மோதுப்றைதைள் வாச ஆன் இணாபை மீ குன்கிய வலை எது மனதவி மது வதுமை வதனை மையை நிர் பி, பி, துன்கு மூரவ நமாக மனைதுவி பி வுதாரை வீலவலை நமர் நி நி நி நீலப்பிக பி, வீழாரை முப்பி விமலை நி நி நி நி நி விரியியியில் விரியி விழாரை வீல விலை குப்பி, வோகை நி பிதியில் விலைப்பிர் நி கிரியி விழாரை வீல விலை

Max 盛田 四月にの上 = mg 1 co 8 0

പ്രവഴ്ന പത്തം പ്രവുത്തെ പ്രവുന്നത് പ്രവുത്തം പ്രവുത്തം പുത്തം പുത്തം

иста Дариан = w Gim din O w Gim din O = mg l cod O Gim = <u>mg l</u> wtan O O. of world Grompoint Fromos lan O = O

 $GM = \frac{mgl}{wo}$

കുതതെരങ്ങ എത്തവ ജന്വ് തന്ധധം തത്തങ്ങ് പരാസം.

് നുള്ള നവ് മുത്ല സ്നെക്ക് നവുള്ള നവുള്ള

யும்யல் குந்த ஒயரம் அத்தமாக அத்தமாக வள மடித்தம் கைறை கிறத. கிப் 6 பாத . வள மடித்தம் ஒயரத்தை சார்ந்து அவ்வாஜ மா ஒதலடை கிறது. அன்பதற்கான மொனவலை வருவய்போம். யா வகைக்து x, x+dx ஓயரத்தில் உள்ள புள் அக்கள் A,8 ல் ஹைலை வள மகத்தம் P,P+dP அன வகாள் 6வாம். யும் கீது 6 மல் உலரத்தில் தைக்கு பரப்பு a வகாண்ட வசங்குத்த காற்ற உருவை ஒய்பத்தை கதை6வாம். குந்த ஒற்கையில் உள்ள காற்றின் அடர்த்தை P அனக் வதாள் 6வாம். dx மகக் கை றவு அனக் வகாண்டால், தாறிற்கள் சராசரி அடர்த்தி P அனக் வதான்வைம்.

dx എഡന്ഡ് തെനൽപ തന്ത്ര മതത്തന കുക്കുക്കാൽപ രടയുവസ്ഥസാ சவாதினையில் உள்ளது. 1. മത്രിത ഒരു കന്നെ തന്റിനാനവ് ഒത്രനത്തും (P+dP) a ആവം ര്ള് ദേഷത്തവ ആര്ത്വ്. a கால்கு கீதடி உள்ள கால் கொக்கிய அசுக்கம் Po. a e comuna emon manpinon onon apg da dis eneres AFWOULABOOB. ആള്ള തെനഞ്ച എതത്ന ബരിത്യയൽ ഇമക്ക ക്ല് ഒരുത്തിയ തുതലുഡ് ഉംഡ് ഒന്നങ്ങിയ തുതഴച്ചും, ലേഗനു മേക്ക് മേഷ്ട്രം. Pa = (P+dp) a+ apg da dp = - Pgda an inn page P/p 30 inn page 9 P = Kp $P = \frac{P}{k}$ dp = - pgdx de - 9 dz Logo P = - gx +c 100 00 100 00 00 100 100 கடல் மட்டத்தல் அழைதும் P. அன்க வகான் குவாம். X = 0 otomor P = P. : c = 1990 Po ് ന് വള്നപ്പിത്ത് ഇക്ക്വന്ത് (5) ക് പുറ്റ്ക് തെഡ്ഗ log f = - gx $\frac{\rho}{P_{A}} = e^{-G_{A}/K} \propto$ P=Poe CAR தமியன் பரப்பில் காற்றின் அடர்த்தி Po ஏனக் கொண்டால் P. apo : Pap : P= Poe-9/K x இத்துமாம் x = 1, 2, 3 ... ல் அடித்தம் P., P. ஏனக் கொண்டால்

 $\frac{P_{1}}{P_{2}} = e^{-3/\kappa} \qquad : \quad \frac{P_{2}}{P_{3}} = e^{-3/\kappa}$ $: \quad \frac{P_{1}}{P_{2}} = \frac{P_{2}}{P_{3}} = \frac{P_{3}}{P_{4}} = \cdots = 900 \text{ isomptool}$

പ്രവയത്തം എന്ത്നുള്ള കുന്നുപാരുത്തെ തെല്ലാന് പെറ്റ്റം പ്രവേത്ത് പ്രവയത്തം എന്തെന്നും നെന്നും തിനത്തിനുന്നുല്ലെ തോനുക്കിൽ കുന്നുപാര്ത്ത് താലുത്ത് ക്രാമത്നുവരുക്ക്ക് എന്തവത്ത് കോനുപാരുത്തി കോനുപാരുത്തി ക്രാതവരുക്കില്

ക്യാന് സ്നോപത് നലന്ത്രനിലാം... എത്തുതന

குப்பீலு இல்லு இல்லு மீரிய மீனை வீனியால வோய என் உல் இதை கைக்கு கை குகு க்குத்தை இது வீல் இனையால வாயகைகை வீல் இனையல் வாய இன் பக நீர்த்தில் நிக்கு இது இல்லு விருவிலை விருத்தை கிறையால் வீல் இல்லை மீர்த்தில் நிராத வுக்கு வேக்கு இன்பத்திலை பிரிப்ப வாய், இத்பி பக மீராகை விடைக்கு விருதில் குள்ளை விகைக்கு பிரிப்ப வாற் உலகு இரைக்கை மிற் வுகைக்கு காண் இல்ல குள்ள விகைக்கு பிரிப்ப வாற் உலகு இரைக்கை விற் வுகைக்கு காண் இவில் குளை விரைக்கு விருதில் வரு விருக்கு வி விறைகு விருதில் வால விரைக்கு விரைக்கை விருதில் வரு விரு விறைக்கு விரை விரை விரைக்கு விரைக்கை விருதில் வரு விரு விறைக்கு விரை விரை விரைக்கு விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விரை விறைக்கு விரைக்கு விரை விரைகு விருக்கு விருக்கு விரை விறைக்கு விரைக்கு விரை விரைக்கு விரைக்கு விருதிலை விரை விரைக்கிலாக கிகை குது விரைக்கு விரைக்கு விருக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரை விது விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விரைக்கு விரைக்கு விரைக்கு விருக்கு விரைக்கு விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விரைக் விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விரைக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விருக்கு விரிக்கு விரிக்கு விரிக்கு விருக்கு விரிக்கு விக்கு விக்கு விரிக்கு விரிக்கு விரிக்கு விரிக்கு விரிக்கு

പ്പോയ മുന്നത് നമ്പരുമുള്ളത്തെ പ്രപ്പോഷ്യ പ്രപ്പോഷ്യം പ്രപ്പോഷ്യം പ്രപ്പോഷ്യം നമ്പോഷ്യം നമ്പോഷ്യം നമ്പോഷ്യം നമ്പ്പോണ് നമ്പോണ് നമ്പോണ് നമ്പോണ് നമ്പോ നമ്പ്പോണ് നമ്പ്പോണ് നമ്പ്പോണ് നമ്പ്പോണ് നമ്പോണ് നമ്പോണ്

ർഷ്ണത്യത്രേർ മനധില്ലം ത്രമ്പെ നിന്റെ 28A തുരനനത്നം വ്ന്ന തുര . പ്രതനത്തിന്റെ നാന്റെ ന്റെത്രിത്ത് ഗേഷത് ലംബന്ത്ന 2.8.A . പ്നെയന്തെ നാന്തെ . പ്രതനത്തിന്റെ നാന്റെ ന്റെത്രിത്ത് ഇന്റെ ലംബന്ത്ര വെ ക്രത്തിന്റെ ഒരു കേ AV പ്രയേഷത്ത് ന്നേരേജ് ത്രിയും തല്ലെയും പ്രതന്തെ നാന്ത്രം A - ത പ്രാസ്സ്റ്റാം പ്രത്താലായ തുര്യം 28A കേര്ത്ത് ന്നേരം പ്രതന്ത്രം മക്തിന്റെ പ്രാസ്സ്റ്റാം കേ മ ന്റെയ്ലായ തുര്യം പ്രവേഷത്തെ ന്നേരം ത്രായക്കുന്നത് നാന്ത്രം പ്രത്ത്തത്തെ കേള് 8V പ്രതേത്തെ ന്നേരം നെത്തെ തെന്നെ തുത്തത്തെ കേള് 8V പ്രത്തെന്ന്നെ നേരം നെവേന്ന് നേരം പ്രത്തത്തെ നാമാലന്വെ തുരത്തെ നേരം തന്നവേന്നം ഇത്തെ നേവേന്ന് . പ്രതന്തെ പന്നെ പ്രത്ത്തെ നാമാലന്നെ പ്രത്തെന്ന് പ്രതന്ത്രം മം . പ്രതന്ത്രം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ നേരം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പാന്തന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന്ന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്ന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തം പ്രത്തിന്നം പ്രത്തം പ്രത്ത

Авс എത് ഇ ഒത്തെ മുളംഗന്തെ പന്ധ് രുഗന്താന് ഇ തെന്കാന്
குன்றன் பன் குன்றாக அக்குறைகு அவல் 6வறு புள்ளிகளில் அவற்றன் தலை ச 6 வகம் மாறு படாமல் அருக்கும் அவற்றன் துதை , அப்புள்ளிகளில் வரை லப்பும் அதாகு கொடீரு துதை சயில் அடையும் அப்போது ABC வரிலை தீரோடே வரி அன்பர்.

ம்குள் ந்தைக் காகை மைல் இல் குயன்ற வடி பிர்கும் பிர்குள் மிழியில் குறைக்கு காக்கிலாகும் விலும் விழியில் குறுக்கு குறுக்கு மிருக்குக்குக்குக்குக்கு குறைகுக்கு விழியில் பிதல் பிருக்குக்கு பிருக்குக்குக்குக்கு பிருக்குக்கு விழியில் பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்க வலை கிறைக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு பிருக்கு வலை விருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்குக்கு பிருக்கு பிருக்குக்க

வகைக்கை ஆக் கூண்ப்புடை தை வகைகளை ஸ்ளினையலையா மில் முடிக்கை வகையணைகல் வக்கலிக் கிடைத்து வகையி குடித முடிக்கையால வரியிட்டிரும் வக்கைக்குக் வகையில் குகத்துகைக் முகைக்கு மகையில் குடியுக வகைக்கு விடையில் வக்கைக்குக வகைக்கு மகை குடியுக விகையுக்கு விடையில் விடையில் விடை மில் விடையில் குடிக்கு கிடையில் விடையில் விடையில் விடையில் பிடி மிடை விடையில் பிடியில் விடையில் விடையில் விடையில் விடையில் விடையில் விடையில் விடியில் விடையில் விடையில் விடையில் விடையில் விடையில் விடையில் விடியில் விடையில் வி

கல்கு தேகைக்கை ந்தை வேளுவையால்பை மாஸ்கு துகைக்கை நைறு குக்கு துகைக்கை நல்து விறையால்பு குதி விறை குட்டி வியாக குதி இன் நல நிக்கு கிரு மாகையும் மாது விறை குற்று குற்று விறை வாக்கு குத்து மாத நிக்கு குறைக்கு குறைக்கு மாது வால்கு வாது குற்று வாக்கு குட்டிக்கு வாலக்கு குறிவிகை மாயில் மாது குற்று வாது விரைக்கு குற்றுக்கு பிற்று நிக்கு வாக்கு மாதி குறிலாயில் குற்று வாது குறைக்கு பிற்று விறு குற்றில் குறை விருக்கு வாது குற்று வாது குற்றுக்கு வாது குறில் குறை விறைக்கு மாதி குறிலாக குற்று விறையில் விறு குறை குற்றுக்கு குறிலாயில் விறு குற்றுக்கு விறு குறை குற்று குற்று குற்று விறைக்கு குற்றுக்கு விறு குறை குற்று குற்று குற்று குற்று விறு விறு குறி குற்று விறு விறு விறைக்கு குற்றுக்கு குற்றுக்கு விறைக்கு குற்று விறைக்கு விறுக்கு குற்றுக்கு குற்றுக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைகு விறைக்கு குற்று குற்று விறைக்கு விறு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு

B dog

ிதாடாத்தி சடின்பாடு :

AB എക് പ്രാപ്പങ്ങളും ത്യാനുക്ക് പ്രാപ്പങ്ങളും എക്ക് പ്രാപ്പും പ

ത്യാലര പറ്റ്പു മ., മ. തുത്ത് തെന്ന് ഒവാറ്റ്.

குக்குக்கு கண்டிலு மீன்கிய பாரசிக் வழலியின் தாழல் குக்கு குக்குக்குக்குக்குக்கு மீர்பிர்ப் குவல் குக்குக வருகையில் பிருக்கை குக்குக காவின் வகைகாகத் பாத வழியில் மாதிருக விழியில்க்கு க்குக்கு காவின் வகைகாகத் பரைக்கி விழியில் குதி

கக்கதாயன் குறை வரையுமை யர்ப்பில் இரு நில க்கு குன் குறை க்கு க குறை கிறை கிறை பிருப்புகள் da, da, da, குறை குறை குறை குறு கிற வராகு வருக் குறு மீல் கலையை பவர்க்கு மீரு குறை குறை குடிவு கிற வராகுக் கிறு கிரு கிறுகை விறாகை குறிப்படு மீலி குறைய பால் குறைகுக் கிறு கிரு குறைகுக் கிறுகை குறிப்படு குறையை விற பால் குறைகரு கிறை குறை குற் பில் குறையுக் கிறிப்படு

A ചാതുളായായ ഒരുതാത്ര കെന്റെ ക്രോമ് ക്രില്ലായില് പ്രാം മുത്തുന്നു. ന്ത്രതനം = da.ds.p. 81

= $da_1v_1p_1$ $\therefore \frac{ds_1}{st} = v_1$

18

= dagv2P2

ത്രമുള്ളമുന്തു പ്രത്യാക്കുന്നും തിരുന്നും മാനുള്ളവാനും തിനും പ്രത്യാനും പ്

og Les monp dipois = "I da, v, P.

ന്തും ത്രത്തവര വ്നധ ചുള്ഡാനവേര മന്റെ പ്പോന്ത തയുള്ള മമ ചുള്ള ന്ത്തവര വ്നധ മുള്ള ന്ത്തവര വ്നധ മള

= as da 2 V2 Pa

= aav2Ps

49 மால் ரயாலில் மல்லை வலைக்கு ருக்கு மறையாக வாய ரடி ராலக் பலக்கு பில்லாம் வில்லாம் கால் பிய குறியாக்கு குடி மாலக்கு மாலையால்லாய மற்றியாய்கு மக்கக்க கால பிய குடி பாலக்கக்க மாலையால்லாய மற்றியாய்கு மக்கக்க பிலையா குடிலால் பிலக்கக்க மாலையால்லாய மற்றியாய்கை முறையாக்கு മം ഒ ത്രാണ് തിനാലാവന്ന് ഇന്റെ പ്രത്തിന്റെ മായ്ക്ക് കേരുന്ന മാപ്പ്പ മം ഒ തോണ് തിനാലാനന്നെ തുവന്ന തുല്ലാനും നിന്റെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്

- on a.v. P = asvePo
 - 01) 0, V, = 0, V2

av ogon without.

இதனை வதாடர்த்த சமன்பாத ஏன்பர். வ ஏன்பத தரமக குதத்தல் ஒதாவது குதல் விழ்மாதத் வழ்மாதத் வரம் பாம் வாறைகள் பரைமனாதும். அதைவை தரைமைன் பதும் துடி கிறைக்கு தற்றைக்க விதம் ஏன்பர்.

ំ ជំពុទ្ធាតុថា ស្រាវាសម កំបស

ന്തതാഗനന്നും ഇത് + ക്ലെക്ക് ആന്നത് + മായത്ത് ക് ഇന്നത് = ഇത് ഗനത്തി കുതത്തെ രുവന് 6ത്നാരി 8ത്ന്നാം ത്രത്വന് .

പ്പെയ്യാം പ്രത്തേയ്യം പ്രത്തേത്ര ന്ന്നെ സ്നെപ്റ്റ സ്നപ്പ പ്പെയ്യാം ന്ത്രേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം പ്രത്തേത്രം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം പ്രത്തേത്രം പ്രത്തേത്രം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം പ്രത്തേത്രം പ്രത്തേത്രം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയം ന്ന്ന് നേയ്യം പ്രത്തേത്രം നേയ്യം നേയ്യം നേയ്യം നേയം നേയം

பால் வானின் A - யிண்கு B - க்கி கடக்கிம் போது வரல்யப்பட்ட 9வலை

= Pev - Piv = V (Pe-P.). xy എന്ന കിരാപള്ക്കന മൊലുത്തന്റെ തയര്ത്ത സാധന പതര A.B. ത് താരശന്മത്ന തത്തുടെ h., ha ഇയവു ത്രേസ് തെവ്വു നത്നത്ന തെന്ന് ലെന്ന് പത്ര പാത് v തുളന്താവ വസ് തിചനത്രുന്നതാളം A പിതിതർത്ത B- ആ அடையும் பொது , ஒற்பிம் நிலையாறிறல் அடிப்பு = mg (hi-ha) (m - manone) Dube B Dippe Dipil = $\frac{1}{2}$ m (v² - v²) OF OOULLEL SOMOO = P.E DIALY + K.E DIALY $v (P_2 - P_1 = mg(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} m(v_1^2 - v_2^2)$ திரவத்தின் அடர்த்தி P அனின் $V = \frac{m}{0}$ m (Ps-Pi) = mg (hi-ha) + 1 m (Vi - va) Pa-Pi = ghi-gha+ 1Via - 1 Va (01) $\frac{P^{\alpha}}{P} + ghe + \frac{1}{2}V_{2}^{*} = \frac{P_{1}}{P} + gh_{1} + \frac{1}{2}V_{1}^{\alpha}$ P +gh + 1 V2 30 write a work with ഒന്റത്ത് ഒരു പ്രത്വാന്ത്ര ദ്വാത്തങ്ങ. $\frac{P}{9P} + h + \frac{V_a}{99} = 900 \text{ write} 000.$ P/gp % அழுத்த இக்க ஏனவும், v²/ ag & கிலைக்கவக வக ത്തായുമ് , h & നെന്ന്നയായ അത്തം തുതാവുമ് തുതുപ്പാന്. കുകളവ സംനളതനതി ഒള്ളന്റെ കുടങ്ങത്ത് പവനയും തുന്നതന്നു. ളുസ്താന്നം ആയങ്ങ ഇത്താലാഗുന്ന ഇന്താല് വന് ഇനിയങ്ങള്ത്ത

കാരുക്കായ് 8 പന്ത് அത്രമ് ഒന്ന പുണ് നേതനിയ് കെരുക്ക് തുക്കം, ഇത്വാടെ 8 വാത് എക്തം. ന്ന് നായ് എക്തി കേക്കായ മുന്നത് കെല്തത്തുന്നാക് തുരു വന്നത്തെയനാക്ക്.

 $\underbrace{a}^{\mu} \underbrace{p}_{\mu} + \underbrace{p}_{\mu} = \underbrace{V_{\mu}^{2}}_{2} + \underbrace{p}_{\mu}^{2}$

കുറ്റതന്താളം പ്രത്യേഷം പ്രത്യായത്തെ പ്രത്യായത്തെ പ്രത്യാത്ത് പ്രത്യാത്ത പ്രത്യം പ്രത്യാത്തം പ്രത്യാത്ത് പ്രത്യാത്ത് പ്രത്യാത്ത്ത് പ്രത്യാത്ത്ത് പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം

8-ทกิศสีชิด - 85 ชี คุณ์

ண்டில் நான் வாலை விகாதப்பைக்கு வல் நான் விறையில் விறையில் விறையில் குண்று குன் குன் குன் குள் தில் பிடியில் குழையில் விறையில் விறையில் விறையில் பிடியில் குழையில் குறையில் பிடியில் குற்று முன்று விறு விறுகிலை விறையில் விறையில் விறையில் விறுக்கு விறுக்கு விறுக்கு விறையில் விறுக்கு விறையில் விறையில் விறையில் குறைக்கில் விறுக்கு விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறுக்கு விறையில் விறுக்கு விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறுக்கு விறுக்கு விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறுக்கு விறையில் விறு விறையில் விறைய விறுக்கு விறையில் விறுக்கு விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறையில் விறைய

தாட்டியின் பரிமாணம் கவி காவக்குக் கவி வாணாவிய நிலையாகும் , வீடிக்கைக்கு காவக்குக்கு கிறைக்குக்கு நிலைக்கு கல்லை வீட்டியில் , வீட்டியில் கிறைக்குக்கு குறைக்குக்கு குறைக்கு விழுக்கு விறைக்குக்கு விறைக்குக்கு குறைக்குக்கு விறைக்குக்கு விறைக்குக்கு விறைக்குக்கு விறைக்கு விருக்கு விறைக்குக்கு விறைக்குக்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு குற்குக் குற்குக் விறைக்குக்கு விறைக்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு குறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு குறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு குறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைகு விறைகு விறைகு விற்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைகு விறைகு விறைகு விறைகு விறைகு விறைகு விறைகு விறைகு விறைகு விறைக்கு விற்குக்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்குக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விற்கு விற்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விற்கு விற்கு விற்கு விற்கு விற்கு விறைக்கு விற்கு விற்க

= 0+gh+0

= gh

ത്തന്തത്ത് തോനുത് തവച്ച്നത് തെന്ന് ഇതുന്നത് ആന്നവര

 $= \frac{1}{2} \sqrt{2} + 0 + 0$ $= \frac{1}{2} \sqrt{2}$



വെന് 8താനായി ഒകുന്നാന്നെ പ്രപത്തിന്റെ പ്രവര്ത്തിന്നെ പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവര്ത്തിന്ന പ്രവേദ്യം പ്രവേദം പ്രവേദം പ്രവേദം പ്രവേദം പ്രവേദം പ്രവ പ്രവേദം പ

 $\frac{1}{2}v^2 = gh$ $v^2 = agh$

HAD BOTH B B

4 നാനാന അങ്ങ ത്രാര് 8 വാക്ക് v = v agh

ദ്വന്നിരുക്കി തുന്ന് പ്രത്വാനം പ്രത്വാനം പ്രത്വേഷ്ണം ക്രാനം പ്രത്വാനം പ്രത്വേഷ്ണം പ്രത്വേഷ്ണം പ്രത്വേഷ്ണം പ്രത പ്രത്വേഷം ആന്നോക്ക് പ്രത്വേഷം പ്രവേശം പ്രത്വേഷ്ണം പ്രത്വേഷ്ണം പ്രവേഷം എത്തം എന്നെന്ന്,

திரவம் அடைந்த திசையில் v அனின் v2_u2 = & a & அணும் சமன்பாட்டிலாதாகது

> $v^2 = 0 = agh$ (or) $v^2 = agh$ $v = \sqrt{agh}$

കുളത്തെ ഒപനന്നത്തെയിൽ ഒളന്റെയ് സ്തയക്കെ പുന്നത്തെ കുറ്റ എത് പന്. കുളത്തെ കുള്ളക്ക്കൽ എന്നും കുറ്റാനമ്.

സംആള്ംഗപ്പെടും വിന്വായത്താന് പോല്പ്പോ പ്രത്ത്തെ പ്പുപ്പുള്ള എന്നുന ന്റെത്തെ പ്രത്യേപ്പുപ്പുപ്പുപ്പും തുറെ തുന്നും പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത് എന്നാം പ്രത്യം പ്രത്യാനം പ്രത്യാന്ത്രം പ്രത്യാനം പ്രത്യാന് പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ് എന്നാം പ്രത്യം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം പ്രത്യാനം

உள்ளதால்வும், பாகியலும் கூல்லாத திரவம் கூடையாது. இது மிக்கு இது அதை வகை வில்லாக இது வது கைக்கை இடியாது. 8 காதனை மேல் கண்கிக்கு வகை இதை இது இது இது இது இடியாது. 8 காதனை மேல் கண்கிக்கு வகை இது இது இது இது இது மாத இரு கிகுவ் இதன் மதிப்பு Cv Vagh ஆகை இது இது இது இது முக்கு வகை ஏண் என்பா. இதன் மதிப்பு 0.95 வைக்கு 0.99 வரை இது இது இது 0.99 வரை மதிப்பு 0.95 வில் இது இது இது இது இது விலுப்பும். வாத வாத இதனை 0.97 வுறை கிகையாம்.

 $g = \frac{1}{1000} = 0.97 \sqrt{gh}$

กินที่ 600 เกลง เมือง เกม เป็นสี่ยา เป็นสี่เสียงกา

1. Maros Frin Buch

ப்பு பிருத்து முற்று அன்று விறையை குறைக்கு மற்று வற்று வற்று வற்று வற்று வற்று வரையில் பிறையில் குறைக்கு விருது வரையில் விருத்து விருது விருத்து விருது விருத்து விருது விருத்து விருது விருத்து விருத்து விருத்து விருத்து விருத்து விருத்து விருது விருது விருது விருது விருத்து விருது விருத்து விருது விருது விருது விருது விருத்து விருது விருத்து விருது விருத்து விருத் விருத்து விருது விருத்து விருது விருது விருது விருத்து விருத்து விருது விருது விருத்து விருத்து விருது விருத்து விருது விருது விருத்து விருத்து விருத்து விருத்து விருத்து விருது வ விருத்து விருது விருது விருது விருது விரு விருது விருது விருது விரு விருது விருது விருது விருது விருது விருது வ



രാആര കുന്തതാപപ്പാനൽ മആള്പ്പ പ്രവത്തെ ന്വാലി നൽ എൽ എ കേരിം പ്രത്തേത്തെ എൽ പ്രവത്തെ ന്വാള് എൽ എ

، ല്പെത്തെന്റെ പ്രത്തെയ്ക്ക് മറ്റ് പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത കാവതയദേ എത്തിനായ A എന്താവചായയ്ക്ക് പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ ക്രോതിന്റെ കാവതയദേ എത്തിനായ A എന്താവചായയ്ക്ക് പ്രത്തിന്റെ ക്രോതിന്റെ ക്ര

മ. ത്രാതിധ തത്പള്ളാന ലത്ത BC. മളത് തിലപ്പം De ട്രനത്തത്തത്. തളത്തെ വളനത്തം തുത്വന്.

3. വന് കുല്പ ഗാ. തിത്തെയ്യ തിന്തില്ലനത് ആഷ്ണ്. ഗത് ആത്തെ ഇണ്തിലപാം ന്നെ ത്രേക്ക് ന്റെ വ്വാലത്ത് ഇന്തിലെ പ്രത്തി എല്ലാനത്ത് നേഷ്ണം പ്രത്തിക്കാത്തിന്റെ പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിന്നും പ്രത്തിന്നും പ്രത്തിന്നും പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിലം പ്രത്തിന്നും പ

നുമന്ത്തെ ചയിരുവാര് മണ്ണ മിലേള്ളിന്തില്, സാഗന ചില്ലള്ളിന്തിയ് മിതലയെ മണ്ണ മിതിളാല് da /da മുളനത്തെ മിതിളെല് എത്വന്. തിളൽ ചെളിപ്പു 1/4 തിയങ്ളി 1/3 വേതനം ക്രമേയപ്പെ മി

പ്പെയം ഇപ്പായം ഇപ്പായം തെരുള്ളപ്പായും ഇപ്പോള് പ്പായുള്ള നെത്രം ഇപ്പായം ഇപ്പായം തെരുള്ളപ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ് പ്പായുള്ള പ്പായം ഇപത്രാം ഇപത്രുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായു പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പോയുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ്പായുള്ള പ

ிவக்கா நிட்டனா பயன்படுத்தும் பொது கீழ்க்கண்டவர்ணு கவனத்தில் வதாள்ள வேண்டும்.

ப்குக்கு வேறு பாக விகுக்கு விகுக்கிலை காப் மூலை குத்துக் . லகு குகை பகைக்கு விகைகிலை தாண் இனை பிகைக்கு வை பிகைகிலாது வி கிடி குகைக்குக்கு வில் பிகிக்கிலாது விகிக் வானிலில் பிலியில் கி கிடாது.

മ. തുങ്ങന്ന മല്ലന്റെ മുമുന്നും ക്രത്തായന്നെ മുപ്പായത്തും. പത്തിന്നെ തുന്നും പത്തിലും ക്രത്തിന്റെ പത്തിന്റെ പത്തിന്റെ ന്ന്ന്ന് ത്നെന്ന്ന്നെ പത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പത്തിന്റെ വേല് തുലം തുന്നപ്പ്ക്ക് പ്രവേദ് പ്രത്തിന്റെ പത്തിന്റെ പത്തിന്റെ

ஒன்வால் A கீனம் அன்னட் பனைத்தை வீலை விலை விலை அன்ன தல்துகு வரும்றைய பனின்று பிரிய A பிரையில் முக்குதிலாம் வரியில் விரியில் விலியில் விலியில் பிரின்றில் விலியில் விலியில் விலியில் விலியில் விலியில்

Unit- III: Dynamics and Friction

Moment of Inertia and radius of gyration (Definition only) – Parallel axes theorem and perpendicular axes theorem – Kinetic energy of a body rotating about an axes through its center of mass – compound pendulum –Bifilar pendulum (Parallel threads)

Forces of friction – Laws of friction – angle of friction, Resultant reaction and cone of friction- Equilibrium of a body on a rough inclined plane (with and without force) to the horizontal – Friction clutch.

Moment of inertia

Moment of inertia is defined as the quantity expressed by the body resisting angular acceleration which is the sum of the product of the mass of every particle with its square of a distance from the axis of rotation. ... Moment of Inertia is also known as the angular mass or rotational inertia. $I = \frac{L}{\omega}$

I=inertia L=angular momentum ω=angular velocity

Radius of Gyration

The moment of inertia of a body about an axis is sometimes represented using the radius of gyration. Now, what do you mean by the radius of gyration? We can define the radius of gyration as the imaginary distance from the centroid at which the area of cross-section is imagined to be focused at a point in order to obtain the same moment of inertia. It is denoted by k.

Radius of Gyration Formula

The formula of moment inertia in terms of the radius of gyration is given as follows:

$$I = mk^2 \qquad (1)$$

where I is the moment of inertia and m is the mass of the body

Accordingly, the radius of gyration is given as follows

$$k = \sqrt{Im}$$
 (2)

The unit of the radius of gyration is mm. By knowing the radius of gyration, one can find the moment of inertia of any complex body equation (1) without any hassle.

Consider a body having *n* number of particles each having a mass of *m*. Let the perpendicular distance from the axis of rotation be given by $r_1, r_2, r_3, ..., r_n$. We know that the moment of inertia in terms of radius of gyration is given by the equation (1). Substituting the values in the equation, we get the moment of inertia of the body as follows

$$I = m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 + m_3 r_3^2 + \dots + m_n r_n^2 \dots (3)$$

If all the particles have the same mass then equation (3) becomes

$$I = m (r_1^2 + r_2^2 + r_3^2 + ... + r_n^2)$$

=
$$\frac{mn (r_1^2 + r_2^2 + r_3^2 + ... + r_n^2)}{n}$$

We can write mn as M which signifies the total mass of the body. Now the equation becomes

$$I = M \frac{(r_1^2 + r_2^2 + r_3^2 + ... + r_n^2)}{n}$$

.....(4)

From equation (4), we get

$$MK^{2} = M\left(\frac{r_{1}^{2} + r_{2}^{2} + r_{3}^{2} + ... + r_{n}^{2}}{n}\right)$$

or, K = $\sqrt{\frac{r_{1}^{2} + r_{2}^{2} + r_{3}^{2} + ... + r_{n}^{2}}{n}}$

From the above equation, we can infer that the radius of gyration can also be defined as the root-mean-square distance of various particles of the body from the axis of rotation.

Parallel axis theorem

The moment of inertia of a body about an axis parallel to the body passing through its center is equal to the sum of moment of inertia of body about the axis passing through the center and product of mass of the body times the square of distance between the two axes.

Parallel axis theorem statement can be expressed as follows:

 $I = Ic + Mh^2$

Where,

I is the moment of inertia of the body

Ic is the moment of inertia about the center

M is the mass of the body

 h^2 is the square of the distance between the two axes

Parallel Axis Theorem Derivation

Let Ic be the moment of inertia of an axis which is passing through the center of mass (AB from the figure) and I be the moment of inertia about the axis A'B' at a distance of h.

Consider a particle of mass m at a distance r from the center of gravity of the body. Then,

Distance from A'B' = r + h $I = \sum m (r + h)^{2}$ $I = \sum m (r^{2} + h^{2} + 2rh)$ $I = \sum mr^{2} + \sum mh^{2} + \sum 2rh$ $I = Ic + h2\sum m + 2h\sum mr$ $I = Ic + Mh^{2} + 0$ $I = Ic + Mh^{2}$

Hence, the above is the formula of parallel axis theorem.

Perpendicular Axis Theorem

For any plane body the moment of inertia about any of its axes which are perpendicular to the plane is equal to the sum of the moment of inertia about any two perpendicular axes in the plane of the body which intersect the first axis in the plane.

Perpendicular axis theorem is used when the body is symmetric in shape about two out of the three axes if the moment of inertia about two of the axes are known the moment of inertia about the third axis can be found using the expression:

 $I_a = I_b + I_c$



Say in an engineering application we have to find the moment of inertia of a body, but the body is irregularly shaped, and the moment of in these cases we can make use of the parallel axis theorem to get the moment of inertia at any point as long as we know the center of gravity of the body, this is a very useful theorem in space physics where the calculation of moment of inertia of space-crafts and satellites, making possible for us to reach the outer planets and even the deep space. The theorem of perpendicular axis helps in applications where we don't have access to one axis of a body and it is vital for us to calculate the moment of inertia of the body in that axis.

Kinetic energy of a body rotating about an axes through its center

A rotating object also has kinetic energy. When an object is rotating about its center of mass, its rotational kinetic energy is $K = \frac{1}{2}I\omega^2$. Rotational kinetic energy = $\frac{1}{2}$ moment of inertia * (angular speed)². When the angular velocity of a spinning wheel doubles, its kinetic energy increases by a factor of four.

Energy in rotational motion is not a new form of energy; rather, it is the energy associated with rotational motion, the same as kinetic energy in translational motion. However, because kinetic energy is given by $K=1/2mv^2$, and velocity is a quantity that is different for every point on a rotating body about an axis, it makes sense to find a way to write kinetic energy in terms of the variable $\omega\omega$, which is the same for all points on a rigid rotating body. For a single particle rotating around a fixed axis, this is straightforward to calculate. We can relate the angular velocity to the magnitude of the translational velocity using the relation $v_t = \omega r$,

where *r* is the distance of the particle from the axis of rotation and v_t is its tangential speed. Substituting into the equation for kinetic energy, we find

 $K=1/2mv_t^2=1/2 m(\omega r)^2=1/2(mr^2)\omega^2$.

In the case of a rigid rotating body, we can divide up any body into a large number of smaller masses, each with a mass mj and distance to the axis of rotation rj, such that the total mass of the body is equal to the sum of the individual masses: $M=\sum jmj$. Each smaller mass has tangential speed vjvj, where we have dropped the subscript *t* for the moment. The total kinetic energy of the rigid rotating body is

 $K = \sum j 1/2 m j v j^2 = \sum j 1/2 m j (r j \omega j)^2$ and since $\omega j = \omega \omega j = \omega$ for all masses, $K = 1/2 (\sum j m j r^2 j) \omega^2.$

Compound Pendulum

In this experiment we shall see how the period of oscillation of a compound, or physical, pendulum depends on the distance between the point of suspension and the center of mass. The compound pendulum you will use in this experiment is a one metre long bar of steel which may be supported at different points along its length, as shown in Fig. 1.



If we denote the distance between the point of suspension, O, and the center of mass, by l, the

period of this pendulum is:

$$T = 2\pi (\frac{k^2 + l^2}{gl})^{1/2}$$

where k is the radius of gyration of the bar about an axis passing through the centre of mass. You should derive this expression.

The period of a simple pendulum of length l' is:

$$T = 2\mathbf{p}(l \notin \Box g)^{1/2}$$

By equating Eqs (1) and (2) and solving for l, we may find the values of l such that the compound

pendulum has the same period as that of a a simple pendulum of length l':

 $l = l \notin \pm (l \notin^2 - 4k^2)^{1/2}/2)$

As you can see, there are two values of l, which we will label l 1 and l 2, for which the period of

the compound pendulum is the same as that of the given simple pendulum.

There is a value of l for which the compound pendulum has a minimum period. The minimum

period may be found from Eq. (1) by setting:

dT/dl = 0

One finds:

 $T\min = 2p (2k/g)^{1/2}$

Bifilar Pendulum

The bifilar suspension is used to determine the moment of inertia of a body about an axis passing through its centre of gravity. The body is suspended by two parallel cords of length "l", at a distance "d" apart. If the mass of the body is "M", then the tension in either cord is Mg/2. If the system is now displaced through s small angle \Box at its central axis, then an angular displacement ϕ will be produced at the supports



If both angles are small, then $\ell \phi = \left(\frac{d}{2}\right) \theta$

The restoring force at the point of attachment of the thread B and B1 will be -

$$\frac{Mg}{2}\sin\phi = \frac{Mg}{2}\phi \ (\text{ for small }\phi)$$

Since $\phi = \left(\frac{d\theta}{2\ell}\right)$, the restoring force = $Mg\frac{d\theta}{4\ell}$, and the restoring couple is thus $-Mgd\frac{d\theta}{4\ell}$.

Giving an equation of motion $I\ddot{\theta} = \frac{-Mgd^2.\theta}{4\ell}$ *i.e.*, $\ddot{\theta} + \frac{Mgd^2.\theta}{4I\ell} = 0$

Therefore, the motion is S.H.M. of periodic time, $T = 2\pi \sqrt{\frac{41\ell}{Mgd^2}}$

Therefore, $I = \frac{mgd^2T^2}{16\pi^2\ell}$

Alternatively, T may be expressed as: $T = 2\pi . \frac{2K}{d} \sqrt{\frac{\ell}{g}}$, since $K^2 = \frac{I}{M}$

where d is the distance between the wires (m)

 ℓ is the length of suspension (m)

K is the radius of gyration of the body about its centre of gravity.

Friction

Forces that resists the sliding or rolling of one solid object over another. Frictional forces, such as the traction needed to walk without slipping, may be beneficial, but they also present a great measure of opposition to motion. About 20 percent of the engine power of automobiles is consumed in overcoming frictional forces in the moving parts.

Laws of friction:

There are five laws of friction and they are:

- The friction of the moving object is proportional and perpendicular to the normal force.
- The friction experienced by the object is dependent on the nature of the surface it is in contact with.
- > Friction is independent of the area of contact as long as there is an area of contact.

- Kinetic friction is independent of velocity.
- > The coefficient of static friction is greater than the coefficient of kinetic friction.

Angle of friction, Resultant reaction and cone of friction:

For the maximum angle of static friction between granular materials, see Angle of repose.

For certain applications, it is more useful to define static friction in terms of the maximum angle before which one of the items will begin sliding. This is called the *angle of friction* or *friction angle*. It is defined as:

$\tan \theta = \mu_s$

where θ is the angle from horizontal and μ_s is the static coefficient of friction between the objects.^[47] This formula can also be used to calculate μ_s from empirical measurements of the friction angle.



Let *ON* represent the normal reaction offered by a surface on a body (Fig.14.1). If *OX* is the direction in which the body tends to move then the force of friction acts in the opposite direction i.e, along *OE*. If the body be in limiting equilibrium the resultant *R* makes an angle λ with the normal *ON*.

Suppose the body is at the point of sliding in other direction, it is easily seen that the resultant reaction will make the same angle λ with the normal. Hence, when limiting friction is offered the line of action of the resultant reaction should always lie on the surface of an inverted right circular cone whose semi-vertex is λ . This cone is called the *cone of friction*.



Equibrium of a body on a inclined plane:

For a body in equilibrium on a rough inclined surface that is acted on only by the weight of and the normal reaction force on the body, it is the case that $mg\theta = mg\mu\theta$, sin cos where θ is the angle the surface makes with the horizontal, μ is the coefficient of static friction between the body and the surface, *m* is the mass of the body, and *g* is acceleration due to gravity.

When an applied force acts on a body in equilibrium on a rough inclined plane, parallel to the plane, the magnitude of the friction must equal the sum of the net force on the body due to its weight and the normal reaction on it and the applied force.

A force that acts on a body in equilibrium on a rough inclined surface that does not act parallel to the surface changes the normal reaction force and frictional force on the body. Changing the normal reaction force necessitates that the perpendicular components of the applied force be equated with perpendicular components of the weight of the body, the normal reaction force on the body, and the frictional force on the body to determine any of these forces other than the weight of the body.

The magnitude of the resultant of the weight of a body on a rough inclined plane and the normal reaction on the body can be greater than the limiting friction between the body and the plane. If no external force acts on the body, the body cannot be in equilibrium.

An external force acting upward parallel to the plane can maintain the equilibrium of the body. There are two possible values for the magnitude of this force. These are given byF=F+LmaxandF=F-L,minwhere F is the magnitude of the resultant of the weight of the body and the normal reaction force on it and *L* is the magnitude of the limiting friction.



FRICTION CLUTCH

A clutch is a mechanical device that engages and disengages the power transmission, especially from driving shaft to driven shaft. In the simplest application, clutches connect and disconnect two rotating shafts (drive shafts or line shafts). In these devices, one shaft is typically attached to an engine or other power unit (the driving member) while the other shaft (the driven member) provides output power for work.

MAIN PARTS OF A CLUTCH

It consists of (a) a driving member, (b) a driven member, and (c) an operating member. Driving member has a flywheel which is mounted on the engine crankshaft. A disc is bolted to flywheel which is known as pressure plate or driving disc. The driven member is a disc called clutch plate. This plate can slide freely to and fro on the clutch shaft. The operating member consists of a pedal or lever which can be pressed to disengaged the driving and driven plate.

TYPES OF CLUTCHES

1) Positive contact clutches i. jaw clutches ii.toothed clutches 2) Friction clutches i.Disc clutches ii.Cone clutches iii.centrifugal clutches

PRINCIPLE OF CLUTCH

It operates on the principle of friction. When two surfaces are brought in contact and are held against each other due to friction between them, they can be used to transmit power. If one is rotated, then other also rotates. One surface is connected to engine and other to the transmission system of automobile. Thus, clutch is nothing but a combination of two friction surfaces. Mechanical clutches 1)Positive contact clutches i. jaw clutches ii.toothed clutches 2)Friction clutches i.Disc clutches ii.Cone clutches iii.centrifugal clutches.

System Components Flywheel: Transfers engine power to the clutch Input shaft: Transfers power from clutch to the transmission Clutch Disk (clutch): Splined to input shaft; transfers power from engine to the input shaft Pressure Plate Assembly: Spring pressure tightly holds the clutch to the flywheel



പത്തെക്കുന്നുള്ള പുത്തുന്നു. പ്രത്ത്തുന്നു പ്രത്ത്തുന്നു പ്രത്ത്തെ പ്രത്ത്ത് പ്രത്ത്തെ പ്രത്ത്ത് പ്രത്ത്തം പ്രത്ത്തം പ്രത്ത്തം പ്രത്ത്തം പ്രത്ത്തെ പ്രത്ത്തം പ്രത്തം പ്രത്ത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ്രവ പരവത്തം പ്രത്തം പ പ്രവ്തതം പരതം പ്രത്തം പ്രത്തം

அகைங்கு பிடியிலை, வழைத்துக்கியல் குடிக, அதிலாயல் குடு படில் குடியல் குடையல் குடிக் குடியை வரையல் வருவுக குத்திலை பல குடில் குடியல் குடி குடியிர்க்கு விருக்கிற்றை குதைத்தியை முடியை குடில் குடிய கிரைவில் குத்திலை மிருக்கு குடியில் குடு விற்றை குத்தில் மலை வித்துக்கியல் விருவுக குதில் பிற குடில் கிக்கில் மலை மித்துக்கியல் விருக் குதில் பில வாலுக் கில் விலை மல் குத்துக்கியல் குடிக் குதில் பில

ជ័រ សាលាតិណ័យ ជ័រឲ្យខ្សំរាស បាលថា បំពើធ្វីថ្មិតាតិយមា^{ល្}រ ចេសតិតិក៏តាម ស្រី សាលាតិណ័យ ដំណើញថា ផ្ទ័ររបាលថា ប័រច្សិត្តិតាមិយាធិ ចំរយូត ហ្វាតិការម ផ្ទ័ត្សថ្មីស្រាស្តី ការល្អសំរាជ បើយបាលចាញ ជ័រស្វី ម្នាតា ជ័យស្វាន ស្ត្រី ស្ត្រី ស្ត្រ គ្នាការសំរបស់ សាលាសំរាជ បើយបាលចាញ ជាស្វី សាហ្វា ដំណើត ស្ត្រី សាស្ត្រ គ្នាលាសំរបស់សាស្ត្រ ស្ត្រីសាហ្វា ស្ត្រីស្វាល មិយ លោក សាស្ត្រ អ្នលច្រើ អ្នកសំណាស់ អ្នកសំណាម ក្នុងស្វាល សំណាមាយ មិយ លោក សំណីស្វា អ្នលចេស

<u>சுடிலும்</u> <u>பானினின்</u> தையுக்க ஆற்றலும் திண்டிப் <u>பொறைனி</u> கிலைமத் திருப்புத் திறனும்

Apoi permon Aués sorprois = 1/2 m. V.

Bootnoo VI = T, LO

Q ക്രാസ് എഡ്ക്ക് കും സ്നാസ് = 1/2 m, (T, W)²

= 1/2 m, T, 2 w2

കളെ പ്രവത്നും തുടുത്ത്പാനത്വളും ഇടെന്നത് ക്ഷങ്ങ ഉടന്നത്

Comprong BERMON QUEE BRONDO = $V_{R} m_3 r_3^2 u^2$

കുക്തതരെ ഗ്രുന്നും അക്ധരം ന്നേത്തവം പ്പന്തരും വ്യാപ്പ് പ്രതംശം പ്പാട് കേക്കും തുക്കാനും ത്നേത്തത്ത് പ്രത്നേകന്നു.



குவலான் குலைக்கு குலில் குலில் குலலாது திர்நிறைகு

கடில் இயக்த ஆற்றல்

= $\frac{1}{2} (m_1 r_1^2 w^2 + m_2 r_2^2 w^2 - m_3 r_3^2 w^2 + \dots m_n r_n^2 w^2)$ = $\frac{1}{2} (w^2 (m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 + m_3 r_3^2 + \dots m_n r_n^2)$

 $\partial i \phi n \phi i \phi E R = \frac{1}{2} w^2 \left[\sum_{i=1}^{n} m_i \tau_i^2 \right]$

ന്താരാഥള് ഇതില് ച്ചിത്ത് .

I = notano x (approva)?

கழல் அயக்க கூற்றல் 1/2021

 $w = 1 \operatorname{rad} g^{-1} \operatorname{grad} p \operatorname{Gungs} \operatorname{FLBO} \operatorname{Aubers} \operatorname{Bhippon} = \operatorname{E}_{R} / (1)^{2} \operatorname{I}$ Brows I = a ER

പ്പെയ്ന്നെ ഇപ്പെയ്യുള്ള പ്രത്തേള് ഇത്താനുള്ള പ്രത്തെന്ന് പ്രത്തെന്നും പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്ന് പ്രത്ത പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്നെ ത്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്ര പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്ര ന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നെ പ്രത്തിന്നം

கு மற்றின் கூடம்:

പ്ധതാനത്ത വദ വളുള്തതര്ര ന്താന്ത്തും ത്നേതിന്നെ വന്താള് , ശ്നേതരം ന - നേ പ്രത്നത്ത് ന്വാനത്ത് പ്രത്നത്ത് പ്ര , കൂന്തവാസന്തവം ത്തോളന് പര

$$I = m\tau_{1}^{2} + m\tau_{2}^{2} + m\tau_{3}^{2} + ... m\tau_{n}^{2}$$

$$= m(\tau_{1}^{2} + \tau_{2}^{2} + \tau_{3}^{2} + ... \tau_{n}^{2})$$

$$I = nm \left[\frac{\tau_{1}^{2} + \tau_{2}^{2} + \tau_{3}^{2} + ... + \tau_{n}^{2}}{n} \right]$$

ക്ക്രെ ന ന്ത്വായ പ്രസ്താവം പ്രസ്താവം പ്രസ്തായം പ്രസ്തായം പ്രസ്താനം പ്രസ്ത

കുത്ത M=nm = ത്വന്ത്തിൽ ത്വാന്ക്ക് ൽത്നെ ഗന്നുവാ

$$K^{2} = \frac{\tau_{1}^{2} + \tau_{2}^{2} + \tau_{3}^{2} + \dots + \tau_{n}^{4}}{n}$$

$$K = \sqrt{\frac{\tau_{1}^{2} + \tau_{2}^{2} + \tau_{3}^{2} + \dots + \tau_{n}^{2}}{n}}$$

വെ തൽ നാന്ത്രങ്ങളെ രൂന്തതരിന്റെ നാവരെയുള്ള നാനത്തവം പ്രാംഗ്രം പ്രാംഗം നാസത്തുള്ള ആന്താതാനുര ലവതർ നിന്നെ മോഗുള്ള പ്രാംഗം നാവത്തിന്റെ ഇന്താനവും പ്രതിന്നെ പ്രാംഗം പ്രതിന്നെ പുന്നം

வுமானைலை அமையை குடியை விடியில் வருக்குள்ள புள்ளைக்கும் குடிற்றை மல்லைகும் குடியிட்ட வருக்குக்கு விகுக்குக் கிற்குக் குடிற்கிலில் குடிக்கை வரையறுக்கலைம்.

 $\mathbf{F} = \mathbf{M} =$

ന്തെയയും ഇതിയപ്പുള് ഇറ്റാതിൽ ഒളു ഇവയതിന

ஸ்ன் க வீழுல் குத முதை குதல் குறைக ப



മത്തെ ലഭ്കങ്ങനിൽ ഒളന്നാം

ത്വന്തെന്ത് പര്ത്താനത് പ്രത്യാം പ്രത്യാം ത്വന്തെന്ത് പ്രത്യാം ഇപ്പോത്തെ പ്രത്യാം പ്രത്യാം പ്രത്യാം പ്രത്യാം പ്രത്യാം പ്രത്യാം പന്താം പ്രത്യാം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്യാം പ്രത്യാം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പോം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രതം പ്രത്തം പ്രവത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രതം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രതം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രവതം പ്രതം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രവതം പ്രവതം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രവം പാനം പ്രവനം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രവം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്

லமய் பிறிற்றல்

പല്ള് ത്രങ്ങള്ള് പ്രവേത്തം ന്ന്പ്പിൽ തേശശ് പ്രത്താം ത്രത്തെ പ്രശവത്ത് ത്രത്തെ ത്രത്തെ XX പ്രവേശത്തെ അത്തെ പ്രത്താം സ്താനംഗ്ര வழியா தவும் வானைின் தளத்திற்குச் வசங்குத்தாதவும் வசல் கிறது, x, x, ' ஏன்ற அச்சு, புள்ளி o வழியாகவும் x x ' அச்சுக்கு கணையாகவும் வசல் கிறது. கிரை கணை அச்சுதளைக்கு கடைப்பட்ட வதாலைவு x சூதிம்.

ക്രവസര്ത്തെയ്യ തുന്നവന്നാനും നന്നുന്നത്തെ ന വിജന്തവശര്ത്ത 9 നാസ്-മം ഗ്രോഗാന്ത്യരെ േയ്യത്തിയിൽ 0 വിനയങ്ങിനിവ നായതവധര തെന്നും പ്രത്തിയം പറ്റെന്നെ പ്രത്തിയ ', xo, x ന്തിനങ്ങള എന്തി നൂ. പ്രത്യം പ്രത്തില് പ്രത്തിയ ', xo, x ന്തിനങ്ങള നൂ. പ്രത്യം പ്രത്തില് പ്രത്തിയം ', xo, x

X.X. ലെല്താല് പന്റോ വെനള്ള വെന്താണത് നാതാവാള് ഇരുവ്വ ഈ ത്. The Smr?

പുണ്ണ P ലാത്ത് ക്ലോപ്പാപ്പാന് ത്രത്ത് PA എന്നെ നടത്ത്ത് പ്രത്ത്ത് AA ത്രത്ത് മാനത്ത് ജ സ , P പ്രംബം എന്തെ മനകള

 $\Delta OPA \vec{\omega}$ $PO^{2} = OA^{2} + AP^{2}$ $T^{2} = (x+h)^{5} + AP^{2}$ $T^{2} = (x+h)^{5} + AP^{2}$ $T^{2} = x^{2} + axh + h^{2} + AP^{2}$ $A GPA \vec{\omega}$ $GP^{2} = GA^{2} + AP^{2}$ $Y^{2} = h^{2} + AP^{2}$ $Y^{2} = h^{2} + AP^{2}$ $FD \vec{\omega} TUT(5) (3) - \mathcal{B} (a) - \vec{\omega} DTTERDEL$ $T^{2} = x^{2} + 8xh + Y^{2}$ $FD \vec{\omega} TUT(5) (4) - \mathcal{B} (1) - \vec{\omega} DTTERDEL,$ $Io = \sum m (x^{2} + axh + Y^{2})$ $= \sum mx^{2} + \sum amxh + \sum my^{2}$ $= Mx^{2} + My^{2} + Ax \sum mh$ $DUT(5) \vec{\omega}$

มนกลูกหลัก ส.ก็นั้นกลา อันบอล มองมุณ มัก สิกิญหนุ มีเบณฑิ พิมณ์นักก มี อองเมือง มา - 2 เมือง เมือง เมือง เมือง มีเบนที่ ก.ก. เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมณ์นักก เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมือง เมณฑิต เมืองกอลัย เมืองกอลัย เมืองกอลัย เมืองกลาย เมืองกล้าน கூடிதல் சுடியாகும்.

 $\Sigma (mg)(h) = 0$ $\partial (\partial \partial \partial b) \Sigma mh = 0$ I $o = M x^2 + I G$

ഇത്തനും ഇതാൽ പ്രത്തിന് നിന്നും പ്രത്തിന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന പരവന്തന്നാന് പ്രത്തന് പ്രത്തന്നാന് പ്രത്തിന്ന് പ്രത്തിന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്നന പരവന്തന്നാന്നാന് പ്രത്തന്നാന്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്തന്നതന്തന്ന് പ്രത്തന്ന് പ്രത്തന്തന്ന്നാന്ന്നതന്ന്നതന്നതന്നനനന്നും

ii) லசந்தைத்த அச்சுகள் தெற்றம் கூற்று



രണ്തുള്ള മങ്ങങ്ങിൽ ഒള്ളാവം

வைய்பித்தல்

ചடத்தில் தொലുവുവാന്ത് ഉണള്ളിയ് മതവര്ള 02 ഗന്തുഫ് by அச்சுக்கணை உடைய சமதன வலல்லைய பரப்பினைக் திறைக்குதையும். oz ஏன்ற அச்சு, 0 வழ்யாதையும் தனத்திற்தை நசங்தைத்தாதவும் வசல்தூறது குவ்வாண்றும் സ നിയ്നാവുകാடய ஒதானமாமாத் தகள்களாக வமல்யை பரப்பு பாருக்கையதைது. 0- விலைகுக்கு எ வதாமைவில் உள்ள P ஏன்ற தகைள் (၁(,y) கோததையை வகாண்டுள்ளது.

$$\therefore T^2 = \alpha^2 + y^2$$

 μ^{2} and a company made and an an an and a company χ^{2}

oz ອາອັລອມ ລາມເອຊີອອ ລາຍແອ້ອ ມາແມ່ນໃຫ້ ເອລອນເອຊີອາດມິນ ອີຊີອາດ $\Sigma = \Sigma m \tau^{Q}$

၀× ခါဗီတာ မာ၊ ကာ ကာ စိုးစာ၊ တယ်က စိုးစာ၊ မင်္ဂမီး ကားတယ် စုံးစားမိုးမှု စိုးစားမိုးမှု စိုးစားမိုးမှု

ABB BUNGingu Iy = 2 mx2

 $I = \sum m x^{2} = \sum m (x^{2} + y^{2})$ $I = \sum m x^{2} = \sum m y^{2} = Iy + I_{2}$ $\therefore I = Iy + I_{2}$

ക്ക് വന്ത്ര തടന്ത് തുട്ടത്തിന്റെ ക്രമ്മ്മ്ക് തെന്ന് പ്രാം പ പ്രാം പ്ര



ത്രഞ്ചല് വെനത്രണൽ ഒന്നത്ത ഉര്ക്ക്. എക്ക് കുട്ടണ്ട് ഒരന്ട്ടെന്നും ഉര്ക്ക് = m,v,

V, = r, W oportoo

മുത്ത് തുതാനത്ന ഒന്ന് ഒന്നലത ഉദ്ളം നം (r.w)

കുളായ ഇടെന്നത് ഒന്ന് മോഷം താനൽ മുള്ളിന്ന് ഇത്വാല്പ്പുള്ളിനാന് = ഒന്നുള്ളത്തെ മുള്ളിന്റ്റ് പ്രൂള്ത് മ താനൽ കുന്നതായു

= (m, r, w) x r,

മുള്ള കോനൽ മോത്തെ ഉര്ള്ള് = ന. 7 പ്ര കള്ള്ളം പോൽവും കുട്ടും പോയും കുട്ടാനൽ മെന്തോ ഉര്ള്ള് = നം 72 ഗ ളിന്നാന വള ഇത്രനിന് ഒത്നത്ത ജന്റ്റ് = നം 73 ത

ര്ഡ് ആന് പ്രത്തെ മുറ്റത്തെ ഉന്താന് പോസ്ത്രം പ്രത്താം പ്രത്താനം ത്രനത്തെ പ്രത്താം പ്രത്തിന്റെ പ്രത്താം പ പ്രത്താം പ്രത്തം പ്രത്താം പ്രത്തം പ്രത്താം പ്രത്തം പ്രത്താം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്താം പ്രത്തം പ്രവതം പ പ്രം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രവം പ്രവതം പ്രത്തം പ്രവത്തം പ്രവതം പ്രവം പ്രവതം പ്രവതം പ്രവത്തം പ്രവത്തം പ്രവത്തം പ്രവം പ്രവതം പ്രവം പ്രവം പ്രവം പ്രവം പ്രവം പ്രവം പ്രവം പ്രവതം പ്രവത്തം പ്രവം പ്രവം പ്രവത്തം പ്രവതം പ്രവത്തം പ്രവതം പ പ

പുള്തതെന്നേ ല ഫ്ക്ല് നെ നേരം ന്നേത്തില് വന്താന് പ്വശ്ച്ച ന്നേന്നും ന്നേന്നും പ്രവ്യാഷ്ട്ര ന്നേന്നും നേന്നും നേന്നും നാന്നും ന

en pen que pu .

 $L = m_1 r_1^2 \omega + m_2 r_2^2 \omega + m_2 r_3^2 \omega \dots m_n r_n^2 \omega$ $L = \omega \sum_{n_1 r_1^2} + m_2 r_2^2 + m_3 r_3^2 + \dots m_n r_n^2$ $= \omega \sum_{i=1}^{n_1} m_i r_i^2$

: L = W]

ELL ஹாதல் நடைன ஹாதலின் ஏறிய அதைய்பாகும் அத இலாதத்தாமான ELL பாகும். (AB) அச்சட்டத்தன் மீள்வாக்கில் எட வுதாலைவில் பல துரைகள் அபைக்கப்படிகள்ளன. அடை தத்த மணைவை பயன்பதுத்தா, எத்துரையிலும் வதாங்கவிடை வெளிதைத்துத் தனத்தில் அலைவுற்ச் வரம்மலாம்.

മാനരായുതയ മ്ലലുതയ മാജന്ആളുത്തെ ത്രത്തെ പ്രത്യേജ്ആത്ത് മുനരായുതയ മുലയുത്തെ ഇറയായ മാജ് പ്ലെ പ്ലുന്താ



വളനത്തായു ന ഏതന്തെയ്ത്തല് പ്രത്തായം പ്രത്തായു ഒരുക്ക് ത്രത്തെള്ള പത്തിന് പ്രത്വാം എത്പത്ത് പത്തിന്റെ ഇത്തായും ഒരുത്തിന് പ്രത്വാം പ്രത്തിന് പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തായും പ്രത്തിനം പ്രത്തിനം പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്റെ പ്രത്തിന്നം

X ഉദ്ദേഹത്തെ മെയോഗന്തെ JN എയുഥ് അതപാലംപത്രതനതി യുതുറുയുതനത് തെന്ത് ഒയുന്ന് കത്രേളനതി യുതാന ഒതുപ്പുതാത്ത J, K, M, N. എയുഥ് പുണ്ണതെന്ന് തലംഘത്തത്തും മുപ്പുണ്ണതെന്ന് ഉത്തായപ്പെ ഒരുപ്പ് തുത കഥവനത്തെഥ്.

ത്തനുവപര്ത്താ JM = KN = L . തള താത്തവാനന്ത്വ താനി ബെറ്റോത് നിന്നെ ത്തന് പെട്ട് മതനുവപര്ത്താ JR = L . RM = K²/1

$$JM = JR + RM = 1 + \frac{K^2}{l} = 1$$

and the providence of the second sec

കുക്കത്തിന്റെ ദൃത്ന പതില്പ്പ തത്തിന്തി പരുന്നത്.

അസ്വെ ഇൻ ല്ന്തെ ത്രാനും മുന്നാനും നാനും 90 തനുള്ളിന്റെ ഇസ്പാ ല്ന്ത്തെ അത് ലം 1/27 . മുന്തുനും തന്ത്ര തുനാനാതിനും നുള്ള . പ്രതസം ല്ന്ത്തെ കേര് ലം 1/27 . പ്രതസംപാളൻ പ്രനേശം

K2 = L2 OTK = 1 2000 00, 00, 00 and and Burganon K BB

ളംഗന്ത കതങ്ങൾ op - ak മത്തതര്ത്ത ഒഴറ്ററി കുറ്റംഗ് തോങ്ങ് പോസ് ക്രെതിരുന്തു g തോങ്ങ്പാസ്

ന്നത്വം ഉമ്പട്ടര്



മധ്ദ്വന്ത് ഒണത്ത മഡ്ഡെന്റ്റെ <u>പ്രവ</u>്ദ - 0 എത്ത് തെന്നെം. കുള്ള എത്ത് തന്നെ മസ്സെന്റ്റ് പ്രവ്വാനം പ്രവേഷം മുത്ത് തെന്നും പ്രവേഷം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ്രവേഷം പ

: AGT = A, GI, LUAA, = LUAA = 90 --

പത്തെ അന്താനത്തെ അവവേത്ത് AFA . ജ എത് തങ്കൊത്തായാക്ക് തെന്താനതാസ് .

A, E' = $AE^2 + AA^2 - & AE \times AA, cos \left(90 - \frac{0}{8}\right)$ = $AE^2 + a^2 O^2 - & AB = aO - \frac{0}{8}$ = $AE^2 + a^2 O^2 - AE = aO^2$ O LABE MOMPANE MONILIPION O° HYDEBERE BEE

 $A_1E^2 = AE^2 \text{ or } A_1E = AE$

கைகுவ IAICE O கதை சமமாகும்.

Ac + eb = 1 matrix dun
$$\phi = \frac{a \cdot b}{1} : \cos d = \frac{\sqrt{12 \cdot (a \cdot b)^2}}{1}$$

A. C. A. D. groberstain warpult, or the seture for a condition of the theorem of the term of term o

വം നുറെയ്ന് ക്രായാന മായ്ക്കാം dºo/dlº തുതാവും വം നമാനിന് പതി നുന്ന് പത്തായത് വിള്യനങ്ക സൈസ്ഡ് ലില്താള് പന്നിയ അതവാള് തതച്ചതുമാൽ 1 തുതാവുഥ് തതനത്നെ പസ്,

$$\frac{d^{2}\theta}{dt} = \frac{d^{2}\theta}{dt^{2}}$$

$$\frac{d^{2}\theta}{dt} = -\frac{mgab}{\sqrt{l^{2} - (a-b)}} \theta$$

$$\frac{d^{2}\theta}{dt^{2}} = -\frac{mgab}{\sqrt{l^{2} - (a-b)}} \theta$$

$$\frac{mgab}{1\sqrt{1^2 \cdot (a \cdot b)}} = 0 \quad \text{which is a constraint of the second second$$

dt2

വെന്താണ് എര്ക്ക് ക്നെങ്ങള്, 6ക്നങ്ങ കുപ്പെയന് ല് ക് ക് നെ അതിക്ക്ക്ക് ക് ഉണ്ണള കേരമെ മയ്മിയങ്ങൾ ഉനിത്തെ തിയക്കഥനതം പ്

Elando al OBITIÓ T =
$$\frac{a \pi}{\sqrt{\ln nbal}}$$
.
T = $a \pi \frac{I \sqrt{12(a-b)}}{mgab}$.
Lun proble = $\frac{mgab}{I \sqrt{1^2-(a-b)}}$.

а. ഉതുള്ളനും ഒനുവാക്ക്കുന്നത്. (a-b) പുന്തതത്തത്തത്തത്.

ସାହେ ସମ୍ପ ମଧ୍ୟର ଜଣ ଭୁଏର ଦେଇ ୩୩ ଅସେ ୮୭ ଅପେଟ୍ଟ ୩୭ ଅସେନ രുളന്ന് ക്രാത് ക്രാത് ക്രിപാന്ഥ്.

UNIT - 111

Principal [Friction]

(i)

തിനായാന്റെ ത്യായായ തുന്നത്. പ്രത്യാത്ത് പ്രത്യായത്ത് പ്രത്യാസ്ത് പ്രത്യാസ്ത് പ്രത്യാസ്ത്രം

- மணாரம் பல்லாக மல்லாக (மல்லாக)

 പ്പെയും ത്രാത്ത് പ്രത്തായത് പ്രത്തം പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്താം പ്ര പ്രവാത്താവം പ്രത്തായത് പ്രത്തായത് പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്ത പ്രവാത്തം പ്രത്താം പ്രത്തായത് പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രം പ്രത്തം പ

Ø പ്രായത്തിന്റെ പ്രവ്യാന് പ്രത്യായത്തിന്റെ പ്രത്യാസര ഇത് പ പ്രപ്പായ പ്രാപത്ത് പ്രാപത്തം പ്രത്യാന്ത്രം പ്രത്യായം പ്രത്യാന്ത്രം പ്പാര്ക്കും മസ്വാഹം എത്തിക മാത്തൽഗന്നുന്ന എന്താനു മത്തിനും പ്രുന്നം മാന്നെ തുക്കുമ്പാ എന്ദ് ഥനുമായനത്ത്. الريطة الم الم المريطة الملطقين والمعاد الم المحصطين പ്രവിപ്പുള്ള പ്രത്യത്തായും പ്രവിക്കുന്നിന പ്പുന്ന പ്രപാത്രത്തിന്റെ നുന്നവുന്ന പ്രപ്പുന്നം എന്നത്നിന്നും 2 നന്മും മിത്തെ സംസത്തിന്റെ പുറത്തും ഉത്തിന്റെ പുറത്തും പുറത്തും பாறுக்காப்க்கை. പ്പെട്ടുക്കായുന്നു പ്പാസ്ത്ര പ്രതിന്നെ നില്ലാക്കുന്നു പ്രതിന്നും പ്രതിന്നും പ്രതിന്നും പ്രതിന്നും പ്രതിന്നും പ് കുക്കുന്നും തിന്നും തിന്നും മുന്നുമ്പ തുമും മുന്നുക ക്രായാശ്രം; പ്രത്താന് എപ്പ് പ്രാക്കാവര താന്യയ്ക്കും എത്തന്ത്ര മും നത്സായ ആപ്പതനത്ത് റങ്ങള്പയം. A വന്ന് മുന്നിന്റെ മത്തെ F(2) ഗ്രന്ന്നുള്ള നുന്നത്തെ R. ക്രാനുള്ള പ്രത്യമത്താന് ന്റെ ന്റെ പ്രത്യാന്ത്രം തുന്നുള്ളം ഇതുന്നുള്ളം. ශුදුක් හි කිරීම කි $\tan x = \frac{F}{p}$ ABOTTON F = H

tan M= µ.

(3)

$$S^{2} = F^{2} + R^{2}$$

$$S = \int \overline{\int F^{2} + R^{2}}$$

$$S = \int \overline{\int F^{2} +$$

÷

F/R = tan X = u

ന്താവര ഇന്ദ്രാവര്യാത്ത ഇന്ത്യം ഇന്റ്റ്നുന്നാന്ത്ര ഇന്ത്താവര ഇന്ത്യം പ്രത്യം ഇന്ത്യം ഇന്റ്റ്നുന്നാന്ത്ര ഗത്തിവന്ത

 $(4)_{1}$

പ്പെയ്യായ ത്യമ്നത്വിന്റെ എത്ര എത്തവാഗര എം 🌢

രണ്ടാനു മാത്ര് പ്രേത്രന്നുകള് പ്രാവാത്ത് പ്രത്യാസ് ⊲ ന്നുതയ്യാനെ മുത്തായ പ്രാത്താവര മുത്താ ന്നുതയ്യാനെ മുത്താം പ്രാത്താവര മുത്താ പ്രത്താം പ്രത്താം പ്രാത്താവര മുത്താം പ്രത്താം പ്ര



• തല്പെട്ട് പ്രത്ത്ത് പ്രത്താന് പ്രത്താന് പ്രത്താന് പ്രത്താന് പ്രത്ത്ത് പ്രത്താന് പ

പ്രത്താവന്നെ പ്രത്താന്ത്രം പ്രത്താന്ത്രം പ്രത്താന്ത്രം പ്രത്താന്ത്ര പ്രത്താന്ത്രം പ്രത്താന്ത്രം

 $P + \mu R = W \sin \alpha \qquad --- (1)$ $R = W \cos \alpha \qquad --- (2)$

P= Wsin & - + Weos & --- (3)




് ഇന്തായ പ്രത്യാന്ത്ര പ്രത്യാസ്ത്രം ഇന്താം പ്രത്യാന് പ്രത്യാന് പ്രത്യാന്ത്രം പ്രത്യം പ്രത്യാന്ത്രം പ്രത്യാന്ത്രം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രത്യം പ്രം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്ത പ്രവം പ്രത്തം പ്രത്തം പ്രത്യം പ്രത്തം പ്രത

8

മായായു പ്രത്തായു പ്രത്തായു പ്രത്തായു പ്രത്താ പ്രത്തായു പ്രത്തായും പ്രത്താണ്ലാ പ്രത്തായത്തും പ്രത്തായും പ്രത്തായും

പ്രത്യായത്ത് വസ്തമംഗ് പ്രത്യായത്ത് ന്വാത്ത് പ്രത്യാന്ത്ര ഇസ്ക്യായത്ത് വസ്തമംഗ് മത്ത്യം ന്വാത്ത്വാസ്ത സ്ത്യായത്ത് വസ്തമംഗ് മത്ത്വം ഇത്ത്വാസ്ത

പ്പെട്ടും ഇന്ത്യത്തായ എന്തുള്ളുള്ളും പ്രത്യാത്ത് എന്തു ക്രത്തത്തിന് പോള് പ്രത്യാത്ത് എന്നും പുത്തും നള്ള പ്രത്യാത്ത്ത്ത്ത്.

பாடங்காம சன் வாக்காக முறைக்கும்.

Books for study and reference

- 1. Dynamics M. Narayanamurthi, N. Nagarathnam, The National Publishing Co. 2002
- 2. Statics, Hydrostatics and Hydrodynamics M. Narayanamurthi, N. Nagarathnam, The National Publishing Co. 1990
- 3. Enthiravyil- Sundravelusamy, Priya Publicationns 2002